

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ВОЗДУШНОГО ТРАНСПОРТА
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ ГРАЖДАНСКОЙ АВИАЦИИ» (МГТУ ГА)

Кафедра технической эксплуатации радиоэлектронного
оборудования воздушного транспорта

В.Д. Рубцов

РАДИОТЕХНИЧЕСКИЕ ЦЕПИ И СИГНАЛЫ

Учебно-методическое пособие
по проведению практических занятий

*для студентов II–III курсов
специальности 25.05.03
всех форм обучения*

Москва
ИД Академии Жуковского
2018

УДК 612.37(07)
ББК 6Ф2
Р82

Рецензент:

Бабаев В.Г. – канд. техн. наук, доц., проф. каф. ТЭРЭО ВТ

Рубцов В.Д.

Р82

Радиотехнические цепи и сигналы [Текст] : учебно-методическое пособие по проведению практических занятий / В.Д. Рубцов. – М.: ИД Академии Жуковского, 2018. – 44 с.

Данное учебно-методическое пособие издается в соответствии с рабочей программой учебной дисциплины «Радиотехнические цепи и сигналы» по учебному плану для студентов II–III курсов специальности 25.05.03 всех форм обучения.

Рассмотрено и одобрено на заседании кафедры 27.04.2018 г. и методического совета 03.05.2018 г.

УДК 612.37(07)
ББК 6Ф2

В авторской редакции

Подписано в печать 27.06.2018 г.

Формат 60x84/16 Печ. л. 2,75 Усл. печ. л. 2,56

Заказ № 325/0604-УМП08 Тираж 40 экз.

Московский государственный технический университет ГА
125993, Москва, Кронштадтский бульвар, д. 20

Издательский дом Академии имени Н. Е. Жуковского
125167, Москва, 8-го Марта 4-я ул., д. 6А
Тел.: (495) 973-45-68
E-mail: zakaz@itsbook.ru

© Московский государственный технический
университет гражданской авиации, 2018

Предисловие

Настоящее пособие содержит материалы к практическим занятиям и к рубежному и итоговому контролю знаний студентов по дисциплине «Радиотехнические цепи и сигналы» (РТЦ и С).

Часть I пособия включает в себя задачи по шести разделам рабочей программы, охватывающим всю дисциплину РТЦ и С.

С целью облегчения поиска студентами плана решения задач была проведена их классификация. Классификационные символы, располагающиеся вслед за номером задачи, имеют следующий смысл:

Р - приведено решение задачи;

УО - приведены указания к решению задачи и ответ на нее;

У - приведены только указания к решению задачи (применительно к задачам на доказательство, когда результат формулируется в условиях задачи);

О - приведен только ответ на задачу.

Задачи класса **Р** предназначены для закрепления знаний по теоретическому материалу дисциплины РТЦ и С при самостоятельной работе студентов (СРС), а также для освоения методики решения задач на практических занятиях.

Задачи классов **УО**, **У** и **О** предназначены для контроля знаний студентов на этапах рубежного и итогового контроля.

В частях II, III и IV пособия приведены соответственно примеры решения задач, указания к решению задач и ответы к ним. Материалы этих частей, также как и материал части I, разбиты по шести разделам.

Часть V содержит разбитые по шести разделам вопросы по теоретическому материалу дисциплины РТЦ и С, предназначенные для рубежного и итогового контроля знаний студентов, а также наряду с задачами класса **Р** для закрепления знаний по теоретическому материалу дисциплины при СРС в процессе их обучения.

Итоговый контроль (экзамен) проводится с использованием билетов, включающих в себя по три вопроса и одной задаче, при рубежном контроле - по материалам блока, а при итоговом контроле - по всему материалу дисциплины.

Результаты итогового контроля оцениваются по пятибальной системе. При этом за ответ на вопрос начисляется от 0 до 1 балла, а за решение задачи - от 0 до 2 баллов. Оценка определяется путем округления набранной студентом суммы баллов.

При СРС в процессе обучения и подготовки к рубежному и итоговому контролю следует использовать рекомендуемую в настоящем пособии литературу.

I. Задачи

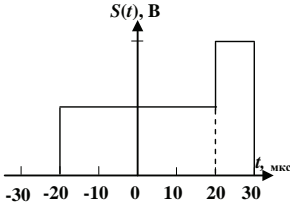
Раздел 1. Классификация сигналов и методы анализа
аналоговых сигналов

Рис. 1.1

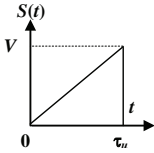


Рис.1.2

1.1. (P). Сигнал $s(t)$ приведен на рис.1.1. Записать математическую модель данного сигнала, применив функцию Хевисайда. Обратит внимание на то, что вид функций Хевисайда должен отвечать наличию скачков сигнала при $t = -20, 20$ и 30 мкс.

1.2. (O) Вычислить энергию, норму и эффективное значение сигнала $s(t)$, представляющего собой импульс напряжения треугольной формы с высотой V и длительностью τ_u (рис.1.2).

1.3. (P). Вычислить энергию существующего на отрезке времени τ_u радиоимпульса с прямоугольной огибающей, описываемого функцией $s(t) = U_0 \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$, $0 \leq t \leq \tau_u$.

При этом положить, что длительность импульса τ_u удовлетворяет условию $\tau_u \gg T$, где $T = 2\pi/\omega_0$ - период высокочастотного заполнения радиоимпульса.

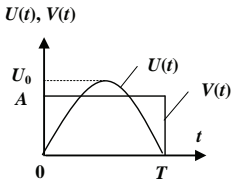


Рис.1.3

1.4. (O) Сигнал $u(t)$ представляет собой отрезок синусоиды, обращающейся в ноль на концах интервала $[0, T]$ (рис.1.3). Высота импульса равна U_0 . Выбрать амплитуду A прямоугольного импульса $v(t)$ той же длительности, чтобы обеспечить минимальное расстояние между этими сигналами, то есть наилучшую аппроксимацию сигнала $u(t)$ более простым сигналом $v(t)$.

1.5. (P). Определить спектральную плотность $S(\omega)$, соответствующую сигналу $s(t) = A t \exp(-\alpha t) \sigma(t)$.

1.6. (УО) Четный сигнал $q_1(t)$ и нечетный сигнал $q_2(t)$ связаны с исходным сигналом $s(t)$ соотношениями:

$$q_1(t) = s(t) + s(-t), \quad q_2(t) = s(t) - s(-t).$$

Найти связь спектральных плотностей $Q_1(\omega)$ и $Q_2(\omega)$ сигналов $q_1(t)$ и $q_2(t)$ со спектральной плотностью $S(\omega)$ сигнала $s(t)$.

1.7. (P). Определить спектральную плотность «пачки», состоящей из n одинаковых импульсов, отстоящих друг от друга на временной интервал T , полагая, что спектральная плотность одиночного импульса $S_0(\omega)$ известна.

1.8. (УО) Найти изображение по Лапласу $U(p)$ для прямоугольного импульса $u(t)$ с амплитудой U_0 и длительностью τ_u , который начинается в момент времени $t_0 = 0$. По изображению $U(p)$ найти спектральную плотность $S_0(\omega)$ импульса.

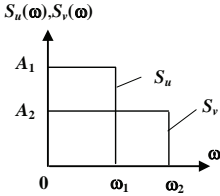


Рис.1.4

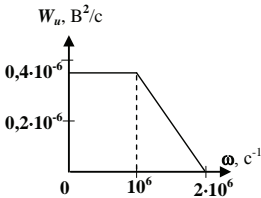


Рис.1.5

1.9. (P). В области физических частот $\omega > 0$ спектральные плотности $S_u(\omega)$ и $S_v(\omega)$, которые отвечают сигналам $u(t)$ и $v(t)$, представлены графически на рис. 1.4. Вычислить скалярное произведение (u, v) данных сигналов.

1.10. (УО) Вычислить энергию E_u сигнала, энергетический спектр которого в области положительных частот представлен на рис.1.5.

1.11. (P). Найти взаимный энергетический спектр $W_{uv}(\omega)$ прямоугольных импульсов $u(t)$ и $v(t)$ одинаковой длительности T с амплитудами U_1 и U_2 .

1.12. (УО) Найти скалярное произведение смещенных во времени экспоненциальных импульсов напряжения и угол между ними. Импульсы записываются:

$$u_1(t) = 5 \exp(-10^5 t) \sigma(t), \text{ В};$$

$$u_2(t) = 5 \exp[-10^5(t - 2 \cdot 10^{-6})] \sigma(t - 2 \cdot 10^{-6}), \text{ В}.$$

1.13. (P). Найти функцию автокорреляции экспоненциального видеоимпульса $s(t) = A \exp(-\alpha t) \sigma(t)$.

1.14. (УО) Найти эффективную ширину Δf спектра экспоненциального видеоимпульса $u(t) = U_0 \exp(-\alpha t) \sigma(t)$, определив ее как полосу частот, в пределах которой сосредоточено 90% энергии сигнала.

Раздел 2. Дискретные сигналы и методы их анализа

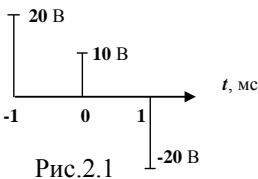


Рис.2.1

2.1. (P). Ряд Котельникова, полученный в результате дискретизации сигнала $s(t)$, содержит три ненулевых слагаемых (см. рис. 2.1). Вычислить энергию E_s данного сигнала.

2.2. (O) Сигнал звукового сопровождения в телевизионном канале ограничен верхней частотой $f_g = 12$ кГц. Определить интервал t_0 между отсчетами этого сигнала, необходимый для неискаженного воспроизведения сигнала при передаче его дискретным способом.

2.3. (P). Аналоговый сигнал $x(t)$ имеет вид прямоугольного видеоимпульса с амплитудой U_0 и длительностью $\tau_u = 2$ мс данному сигналу сопоставлен полученный в результате его дискретизации дискретный сигнал $x_d(t)$ с амплитудно-импульсной модуляцией (АИМ), состоящей из 10-ти равноотстоящих видеоимпульсов длительностью $\tau_u = 5$ мкс. Найти спектральную плотность данного дискретного сигнала.

2.4. (O) Аналого-цифровой преобразователь (АЦП) на входе цифрового фильтра (ЦФ) осуществляет преобразование аналогового сигнала, максимальное значение которого $U_m = 5$ В, в восьмиразрядные двоичные числа. Вычислить дисперсию шума квантования на выходе АЦП.

2.5. (P). Дискретный сигнал на интервале своей периодичности T задан шестью равноотстоящими отсчетами $\{x_k\} = (1, 1, 1, 0, 0, 0)$. Найти коэффициенты дискретного преобразования Фурье (ДПФ) этого сигнала.

2.6. (O) Дискретный сигнал на интервале своей периодичности T задан четырьмя равноотстоящими отсчетами $\{x_k\} = (1, 0, -1, 0)$. Найти коэффициенты дискретного преобразования Фурье (ДПФ) данного сигнала.

2.7. (P). Найти формулу, описывающую аналоговый сигнал $x(t)$, восстановленный по коэффициентам дискретного преобразования Фурье (ДПФ) из дискретного сигнала, заданного четырьмя равноотстоящими отсчетами $\{x_k\} = (1, 0, -1, 0)$.

2.8. (O) Дискретному периодическому сигналу $\{x_k\}$ соответствуют следующие коэффициенты дискретного преобразования Фурье (ДПФ): $c_0 = 0,5$; $c_1 = 0,5$; $c_2 = 0$; $c_3 = 0,5$. Коэффициенты с более высокими номерами равны нулю. Определить отсчетные значения сигнала $\{x_k\}$ и восстановить исходный аналоговый сигнал $x(t)$, в результате дискретизации которого получен рассматриваемый дискретный сигнал.

2.9. (P). Доказать, что, если все N отсчетов дискретного сигнала, заданные на интервале периодичности, равны между собой, то все коэффициенты дискретного преобразования Фурье (ДПФ) такого сигнала, за исключением c_0 , равны нулю.

2.10. (O) Дискретный сигнал $\{x_k\}$ задан своими четырьмя отсчетными значениями: $\{x_k\} = (1, -1, 2, -2)$. Найти z -преобразование этого сигнала $X(z)$.

2.11. (P). Вычислить z -преобразование, отвечающее аналоговому сигналу $x(t) = at, t > 0$, где a - постоянная величина.

2.12. (VO) Z -преобразование дискретного сигнала $\{x_k\}$ имеет вид: $X(z) = (z + 1)/z$. Найти отсчетные значения x_k этого сигнала.

2.13. (P). Z -преобразование дискретного сигнала $\{x_k\}$ имеет вид: $X(z) = (z^2 + 2z + 1)/z^2$. Найти отсчетные значения x_k этого сигнала.

2.14. (УО) Вычислить автокорреляционную функцию $\hat{K}_s(n)$ дискретного сигнала $\{s_i\} = (1, 1, 1, -1, 1)$.

2.15. (Р) Вычислить автокорреляционную функцию $\hat{K}_s(n)$ дискретного сигнала $\{s_i\} = (1, 1, 1, -1, -1, 1)$.

2.16. (УО) Вычислить значения функции взаимной корреляции $\hat{K}_{uv}(n)$ для трехпозиционных дискретных сигналов $\{u_i\} = (1, 1, -1)$ и $\{v_i\} = (-1, 1, 1)$.

Раздел 3. Узкополосные сигналы. Виды модуляции сигналов

3.1. (Р) Найти комплексную огибающую $\tilde{U}_s(t)$, а также синфазную $A_s(t)$ и квадратурную $B_s(t)$ амплитуды однотонового амплитудно-модулированного (АМ) сигнала

$$s(t) = U_m (1 + M \cos \Omega t) \cos (\omega t + \pi/4).$$

3.2. (О) Узкополосный сигнал имеет вид:

$$s(t) = 10 \cos \Omega t \cos \omega_0 t + [30 \sin \Omega t + 5 \sin (2\Omega t + \pi/4)] \sin \omega_0 t.$$

Найти выражение для комплексной огибающей данного сигнала.

3.3. (Р) Найти физическую огибающую $U_s(t)$, соответствующую идеальному низкочастотному сигналу $s(t)$, спектральная плотность которого на интервале частот $-\omega_c \leq \omega \leq \omega_c$ равна S_0 , а на других частотах обращается в нуль.

3.4. (УО) Сигнал с однотоновой угловой модуляцией описывается зависимостью

$$s(t) = U_m \cos (\omega t + m \sin \Omega t).$$

Опорная частота сигнала равна несущей частоте ω . Получить выражения для комплексной огибающей $\tilde{U}_s(t)$, синфазной $A_s(t)$ и квадратурной $B_s(t)$ амплитуд сигнала.

3.5. (Р) Сигнал $s(t)$ при $\omega > 0$ имеет спектральную плотность $S_0 = S_0 e^{-b\omega}$. Найти соответствующий ему аналитический сигнал $z_s(t)$.

3.6. (У) Доказать, что двукратное применение преобразования Гильберта к сигналу $s(t)$ равносильно перемене знака сигнала, то есть $\hat{\hat{s}}(t) = -s(t)$.

3.7. (Р) Амплитудно-модулированный (АМ) сигнал описывается выражением $u_{AM}(t) = 130 [1 + 0,25 \cos (10^3 t + 30^\circ) + 0,75 \cos (3 \cdot 10^3 t + 45^\circ)] \cos (10^3 t + 30^\circ)$, В. Определить амплитудный и фазовый спектры этого сигнала, вычислив амплитуды и фазы его спектральных составляющих.

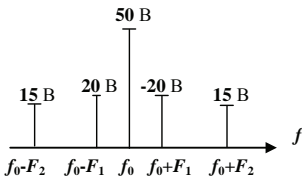


Рис.3.1

3.8. (О) Спектральная диаграмма амплитудно-модулированного (АМ) сигнала изображена на рис.3.1. Определить парциальные коэффициенты модуляции M_1 и M_2 при модуляции этого сигнала сигналами с частотами F_1 и F_2 .

3.9. (Р) Амплитудно-модулированный (АМ) ток

$i_{AM}(t) = 200 (1 + 0,8 \cos 4 \cdot 10^3 t) \cos 6 \cdot 10^6 t$, А протекает через резистор $R = 75$ Ом. Определить отношение максимальной (пиковой) мощности, выделяемой в резисторе, к средней мощности (так называемый «пик - фактор») P_{max} / P_{cp} .

3.10. (УО) Однотональный амплитудно-модулированный (АМ) сигнал имеет коэффициент модуляции $M < 1$. Получить формулу для расчета коэффициента модуляции по измерениям его максимальной и минимальной амплитуд U_{max} и U_{min} .

3.11. (Р). Источник амплитудно-модулированного (АМ) сигнала создает на резистивной нагрузке $R_n = 2$ кОм напряжение

$$u_{AM}(t) = 75 (1 + 0,4 \cos 10^3 t) \cos 6 \cdot 10^6 t, \text{ В.}$$

Вычислить максимальное P_{max} и минимальное P_{min} значения активной мощности источника, усредненной за период несущего колебания.

3.12. (О) Радиопередающее устройство с амплитудной модуляцией (АМ) в режиме «молчания», то есть при отсутствии модулирующего сигнала, излучает мощность $P_0 = 4$ кВт. Найти пиковое значение излучаемой мощности P_{max} однонального АМ-сигнала и «пик - фактор», определяемый как отношение P_{max} к средней мощности P_{cp} сигнала при коэффициенте модуляции $M = 0,8$.

3.13. (Р). Оценить эффективную ширину полосы частот в герцах $\Delta f_{эф}$, занимаемую в эфире телеграфным (амплитудно-манипулированным (АМн)) сигналом, передаваемым со скоростью $V = 300$ знаков / мин. Сигнал с прямоугольной огибающей является последовательностью точек кода Морзе с длительностью паузы τ_n , равной длительности радиоимпульса τ_u .

3.14. (УО) Получить спектральное представление сигнала с угловой модуляцией

$$u(t) = 8 \cos (10^6 t + 0,06 \sin 10^4 t), \text{ В.}$$

3.15. (Р). Фазо-модулированный (ФМ) сигнал имеет несущую частоту $f_0 = 80$ МГц и частоту модуляции $F = 15$ кГц. Индекс модуляции равен $m = 12$. Найти максимальную f_{max} и минимальную f_{min} частоты сигнала.

3.16. (УО) Радиосигнал с фазовой модуляцией (ФМ) имеет индекс модуляции $m = 16$. Оценить число боковых составляющих спектра N в пределах практической ширины спектра сигнала $\Pi_{практ}$.

3.17. (Р). Частотно-модулированный (ЧМ) сигнал имеет амплитуду $U_0 = 2,7$ В и мгновенную частоту, изменяющуюся по закону

$$\omega(t) = 10^9 (1 + 10^{-4} \cos 2 \cdot 10^3 t), \text{ с}^{-1}.$$

Записать выражение для ЧМ-сигнала и определить индекс модуляции m .

3.18. (О) Найти максимальное ω_{max} и минимальное ω_{min} значения мгновенной частоты $\omega(t)$ частотно-модулированного (ЧМ) сигнала

$$u(t) = U_0 \cos (3 \cdot 10^9 t + 2 \sin 10^7 t + \pi/6).$$

3.19. (Р). Однотональный частотно-модулированный (ЧМ) сигнал имеет несущую частоту $f_0 = 50$ МГц и частоту модуляции $F = 7$ кГц. Вычислить, в каких пре-

делах (f_{min}, f_{max}) должна изменяться мгновенная частота $f(t)$ этого сигнала для того, чтобы индекс модуляции m был равен **40**.

3.20. (О) Сигнал с линейной частотной модуляцией (ЛЧМ) состоит из радиоимпульсов с прямоугольной огибающей длительностью $\tau_u = 15$ мкс. Девияция частоты за время импульса равна $\Delta f = 25$ МГц. Определить базу B данного сигнала и скорость нарастания частоты μ .

Раздел 4. Воздействие детерминированных сигналов на линейные стационарные цепи

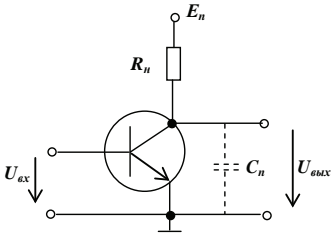


Рис. 4.1

4.1. (Р). Усилитель, собранный по схеме, представленной на рис. 4.1, имеет параметры: сопротивление нагрузки $R_n = 1,6$ кОм, дифференциальная крутизна проходной характеристика транзистора $i_k(u_{бэ})$ в рабочей точке $S = 20$ мА/В, паразитная емкость $C_n = 30$ пФ, выходное сопротивление транзистора $R_i = 15$ кОм. Определить коэффициент усиления на нулевой частоте K_0 и граничную частоту $f_{гр}$ амплитудно-частотной характеристики (АЧХ) усилителя.

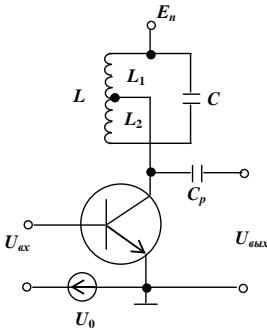


Рис. 4.2

4.2. (О) Усилитель, собранный по схеме, представленной на рис. 4.2, имеет параметры: резонансная частота контура $f_{рез} = 28$ МГц, добротность $Q = 95$, характеристическое сопротивление $\rho = L/C = 430$ Ом, коэффициент включения контура $k_{вкл} = L_1/(L_1 + L_2) = 0,6$, дифференциальная крутизна проходной характеристики транзистора $i_k(u_{бэ})$ в рабочей точке $S = 20$ мА/В, выходное сопротивление транзистора $R_i = 15$ кОм.

Определить коэффициент усиления на резонансной частоте $K_{рез}$ и полосу пропускания усилителя в герцах $\Pi_{(Гц)}$.

4.3. (Р). Амплитудно-модулированный (АМ) сигнал с параметрами: коэффициентом модуляции $M = 0,8$, частотой несущей $\omega_0 = 5 \cdot 10^6$ с⁻¹ и частотой модуляции $\Omega = 3 \cdot 10^4$ с⁻¹ проходит через усилитель, настроенный на частоту $\omega_{рез} = \omega_0$. Определить коэффициент модуляции сигнала на выходе усилителя $M_{вых}$ и величину задержки $t_{зад}$ огибающей выходного сигнала.

4.4. (УО) Прямоугольный радиоимпульс длительностью $\tau_u = 20$ мкс, имеющий частоту заполнения $f_0 = 10$ МГц, подается на вход однокаскадного резонансного усилителя, настроенного на частоту $f_{рез} = f_0$. Эквивалентная добротность колебательного контура (с учетом его шунтирования транзистором) $Q_s = 40$. Оценить время задержки $t_{зад}$ выходного импульса относительно входного.

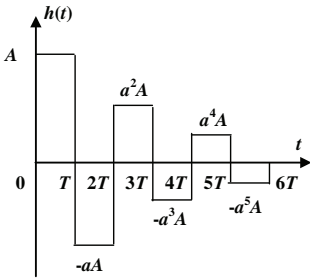


Рис. 4.3

4.5. (P). Построить график переходной характеристики $g(t)$ цепи, импульсная характеристика которой представлена на рис. 4.3, приняв $a = 0,8$.

4.6. (УО) Вычислить импульсную характеристику $h(t)$ однокаскадного усилителя напряжения с апериодической нагрузкой (рис. 4.1). Дифференциальную крутизну S проходной характеристики $i_k(u_{бэ})$ транзистора в рабочей точке, его внутреннее сопротивление R_i , сопротивление нагрузки R_n и паразитную емкость C_n положить известными.

4.7. (P). Однокаскадный резонансный усилитель имеет параметры: резонансный коэффициент усиления $K_{рез} = 50$, резонансная частота $f_{рез} = 1$ МГц, эквивалентная добротность колебательного контура (с учетом его шунтирования транзистором) $Q_3 = 80$. На вход усилителя подан амплитудно-модулированный (АМ) сигнал

$$u_{вх}(t) = 15 (1 + 0,8 \cos 2\pi 10^4 t) \cos (2\pi 10^6 t), \text{ мВ.}$$

Найти напряжение $u_{вых}(t)$ на выходе усилителя.

4.8. (У) Доказать, что время установления колебаний в одноконтурном резонансном усилителе малых сигналов при подаче на его вход импульса включения гармонического сигнала с частотой заполнения $\omega_0 = \omega_{рез}$ равно $t_{уст} = 0,73/\Pi_{0,707}$, где $\Pi_{0,707}$ - полоса пропускания (в герцах) колебательного контура на уровне $1/\sqrt{2} = 0,707$ относительно резонансного значения коэффициента усиления $K_{рез}$.

4.9. (P). Цифровой фильтр (ЦФ) имеет импульсную характеристику, состоящую из двух ненулевых отсчетов: $\{h_k\} = (1, 1, 0, 0)$. Вычислить частотный коэффициент передачи $K(j\omega)$ этого фильтра, его амплитудно-частотную (АЧХ) $|K(j\omega)|$ и фазо-частотную (ФЧХ) $\varphi(\omega)$ характеристики.

4.10. (УО) Трансверсальный цифровой фильтр (ЦФ) 2-го порядка осуществляет усреднение текущего и двух предшествующих отсчетов входного сигнала в соответствии с алгоритмом $y_i = (1/2) \cdot (x_i + x_{i-1} + x_{i-2})$. Определить амплитудно-частотную (АЧХ) $|K(j\omega)|$ и фазо-частотную (ФЧХ) $\varphi(\omega)$ характеристики этого фильтра.

4.11. (P). Изобразить структурную схему цифрового фильтра (ЦФ), работающего в соответствии с алгоритмом $y_i = 1,75 x_i - 0,55 x_{i-1} + 0,25 x_{i-2}$ и вычислить системную функцию $H(z)$ этого фильтра.

4.12. (O) Рекурсивный цифровой фильтр 2-го порядка работает в соответствии с алгоритмом $y_i = x_i + 0,5 x_{i-1} - 0,75 x_{i-2}$. Оценить устойчивость фильтра.

4.13. (P) Вычислить импульсную характеристику $\{h_k\}$ рекурсивного цифрового фильтра (ЦФ) 1-го порядка, описываемого разностным уравнением

$$y_i = 2,5 x_i - 0,8 y_{i-1}.$$

4.14. (O) Синтезировать трансверсальный цифровой фильтр (ЦФ), подобный интегрирующей RC - цепи с импульсной характеристикой

$h(t) = \exp(-t/\tau)$, $t \geq 0$, приняв, что она аппроксимирована тремя отсчетными значениями:

$$\{h_k\} = (1, e^{-\Delta\tau}, e^{-2\Delta\tau}).$$

Определить частотный коэффициент передачи $K(j\omega)$ этого фильтра. Несущественный для задачи синтеза амплитудный множитель в выражении для импульсной характеристики фильтра - прототипа $h(t)$ принять равным единице.

4.15. (P). Синтезировать рекурсивный цифровой фильтр (ЦФ), подобный интегрирующей RC - цепи с импульсной характеристикой $h(t) = \exp(-t/\tau)$, $t \geq 0$, приняв, что она аппроксимирована последовательностью отсчетных значений неограниченной протяженности:

$$\{h_k\} = (1, e^{-\Delta\tau}, e^{-2\Delta\tau}, \dots).$$

Определить частотный коэффициент передачи $K(j\omega)$ этого фильтра. Несущественный для задачи синтеза амплитудный множитель в выражении для импульсной характеристики фильтра - прототипа $h(t)$ принять равным единице.

4.16. (УО) Аналого-цифровой преобразователь (АЦП) на входе рекурсивного цифрового фильтра (ЦФ), работающего по алгоритму $y_i = x_i + 0,9 y_{i-1}$ имеет $n = 8$ разрядов для представления входных сигналов с максимальной амплитудой $U_m = 1$ В. Определить дисперсию $\sigma_{\text{вых}}^2$ шума квантования на выходе ЦФ.

4.17. (P). Найти z - преобразование $X(z)$ дискретного сигнала $\{x_k\}$, имеющего общий член $x_k = \alpha^k$, где $k = 0, 1, 2, \dots$

4.18. (УО) Показать, что трансверсальный цифровой фильтр (ЦФ), алгоритм которого описывается разностным уравнением $y_i = x_i - 2x_{i-1} + x_{i-2}$, осуществляет приближенно двукратное дифференцирование относительно медленных входных сигналов, спектр которых содержит лишь частоты ω , удовлетворяющие условию $\omega\Delta \ll 1$, где Δ - шаг дискретизации.

Раздел 5. Преобразование сигналов в нелинейных и линейных параметрических цепях

5.1. (P). Вольт - амперная характеристика (ВАХ) нелинейного элемента имеет вид:

$$i(u) = 10 u^3, \text{ мА.}$$

Провести степенную аппроксимацию этой характеристики полиномом

$$i(u) = a_0 + a_1(u - U_0) + a_2(u - U_0)^2 + a_3(u - U_0)^3, \text{ мА}$$

в окрестности рабочей точки $U_0 = 2$ В.

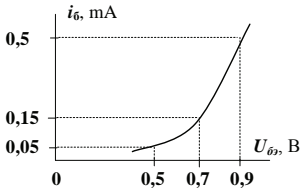


Рис. 5.1

5.2. (УО) Входная характеристика транзистора представлена на рис. 5.1. Найти коэффициенты a_0, a_1, a_2 степенной аппроксимации характеристики в окрестности рабочей точки $U_0 = 0,7$ В.

5.3. (P). Входная характеристика биполярного транзистора, то есть зависимость $i_b(u_{бэ})$, аппроксимирована выражением

$$i_{\theta}(U_{\theta\theta}) = \begin{cases} 0, & U_{\theta\theta} < 0,6 \text{ В}, \\ 10(U_{\theta\theta} - 0,6), \text{ мА}, & U_{\theta\theta} \geq 0,6 \text{ В}. \end{cases}$$

К промежутку «база - эмиттер» транзистора приложено напряжение $u_{\theta\theta}(t) = 0,4 + 0,75 \cos \omega t$, В. Определить мощность P_{θ} , выделяемую в цепи базы.

5.4. (УО) К промежутку «база - эмиттер» транзистора подключен источник напряжения $u_{\theta\theta}(t) = 0,6 + 0,5 \cos \omega_0 t$, В.

Входная характеристика транзистора $i_{\theta}(u_{\theta\theta})$ допускает кусочно-линейную аппроксимацию с параметрами: $S = 0,66$ А/В, $U_{\theta} = 0,7$ В. Определить входное сопротивление цепи по первой гармонике $R_{\text{вх1}}$.

5.5. (Р). Нелинейный элемент имеет вольт-амперную характеристику (ВАХ)

$$i(u) = \begin{cases} 0, & u \leq U_{n1}, \\ S(u - U_{n1}), & U_{n1} \leq u \leq U_{n2}, \\ S(U_{n2} - U_{n1}), & u \leq U_{n2}. \end{cases}$$

К зажимам нелинейного элемента приложено напряжение $u(t) = U_0 + U_m \cos \omega t$.

Найти постоянную составляющую I_0 и амплитуду первой гармоники тока I_1 в нелинейном элементе при следующих данных: $U_m = 1,5$ В; $U_0 = 0,1$ В; $S = 6$ мА/В; $U_{n1} = 0,7$ В; $U_{n2} = 1,2$ В.

5.6. (О) Вольт - амперная характеристика (ВАХ) $i(u)$ нелинейного элемента подвергнута кусочно-линейной аппроксимации со следующими параметрами: начальное напряжение $U_{\theta} = 0,6$ В, крутизна линейного участка $S = 25$ мА/В. К нелинейному элементу приложено напряжение $u(t) = U_0 + U_m \cos \omega t = 0,2 + 0,8 \cos \omega t$, В.

Вычислить постоянную составляющую I_0 и амплитуду первой гармоники тока I_1 в нелинейном элементе.

5.7. (Р). Резонансный усилитель выполнен по схеме, представленной на рис. 4.2. При этом использована кусочно-линейная аппроксимация проходной характеристики транзистора

$$i_{\kappa}(U_{\theta\theta}) = \begin{cases} 50(U_{\theta\theta} - 0,2), \text{ мА}, & U_{\theta\theta} \geq 0,2 \text{ В}, \\ 0, & U_{\theta\theta} < 0,2 \text{ В}. \end{cases}$$

Резонансное сопротивление контура $R_{\text{рез}} = 0,8$ кОм. Напряжение питания $E_n = 9$ В. Рабочая точка совпадает с точкой излома вольт - амперной характеристики (ВАХ) ($U_0 = U_{\theta} = 0,2$ В).

Определить, при какой амплитуде входного сигнала $U_{m \text{ вх}}$ в усилителе возникает перенапряженный режим.

5.8. (О) Одноконтурный нелинейный резонансный усилитель (рис. 4.2) работает при амплитуде входного сигнала $U_{m \text{ вх}} = 0,42$ В. Резонансное сопротивление контура (с учетом его неполного включения) $R_{\text{рез}} = 20$ кОм. Напряжение питания $E_n = 12$ В. Постоянное напряжение смещения на базе $U_0 = 0,5$ В. Проходная характеристика транзистора $i_{\kappa}(u_{\theta\theta})$ аппроксимирована кусочно-линейной функцией с параметрами: $S = 15$ мА/В, $U_{\theta} = 0,8$ В.

Определить потребляемую от источника мощность P_0 ; полезную мощность, выделяемую в контуре $P_{\text{вых } 1}$; мощность потерь $P_{\text{ном}}$, рассеиваемую на коллекторе, и коэффициент полезного действия (КПД) η усилителя.

5.9. (P). К нелинейному резистору с вольт - амперной характеристикой (ВАХ) $i(u) = 25u + 4u^2$, мА приложено напряжение $u(t) = 5 + 2 \cos \Omega t + 1,5 \cos \omega t$, В, где Ω и ω_0 - частоты модуляции и несущего колебания. Определить амплитуду несущего колебания $I_{m \text{ нес}}$ и коэффициент амплитудной модуляции тока M .

5.10. (O) В усилителе проходная характеристика биполярного транзистора $i_k(u_{\text{бэ}})$ в окрестности рабочей точки $U_0 = 1,2$ В задана многочленом

$$i_k(u_{\text{бэ}}) = 15 + 40(u_{\text{бэ}} - 1,2) + 6,5(u_{\text{бэ}} - 1,2)^2 + 2,5(u_{\text{бэ}} - 1,2)^3, \text{ мА.}$$

Найти выражение для колебательной характеристики усилителя $I_1(U_m)$, полагая, что к базе транзистора приложено напряжение $u(t) = 1,2 + U_m \cos \omega t$, В.

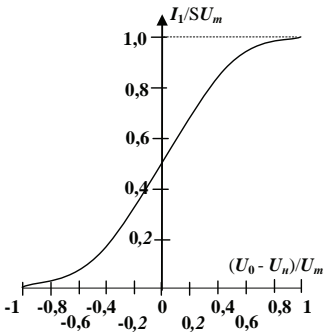


Рис. 5.4

5.11. (P). В амплитудном модуляторе используется нелинейный элемент с кусочно-линейной характеристикой, имеющей параметры: начальное напряжение U_n и крутизна линейного участка характеристики S . Амплитуда высокочастотного напряжения на входе модулятора равна U_m . Модуляционная характеристика модулятора, под которой понимается зависимость нормированной амплитуды тока первой гармоники тока в нелинейном элементе $I_1 / S U_m$ от нормированного отклонения напряжения смещения U_0 от точки изгиба U_n вольт - амперной характеристики (ВАХ) $(U_0 - U_n) / U_m$, представлена на рис. 5.4. Оценить максимальное

значение коэффициента модуляции M_{max} , при которой еще обеспечивается линейность модуляционной характеристики.

5.12. (YO) Транзистор, используемый в качестве нелинейного элемента в амплитудном модуляторе, собранном по схеме нелинейного резонансного усилителя, имеет излом кусочно-линейной вольт - амперной характеристики (ВАХ) в точке $U_n = 0,6$ В. Амплитуда несущего колебания входного сигнала $U_{m \text{ нес}} = 0,4$ В, амплитуда модулирующего сигнала $U_{m \text{ мод}} = 0,1$ В, напряжение смещения $U_0 = U_n = 0,6$ В.

Определить коэффициент модуляции, реализуемый в данной схеме.

5.13. (P). Нелинейный безынерционный элемент имеет вольт - амперную характеристику (ВАХ) $i(u) = a_0 + a_1 u + a_2 u^2$. К элементу приложено напряжение

$$u(t) = U_{m1} \cos \omega_1 t + U_{m2} \cos \omega_2 t.$$

Найти амплитуды и частоты всех комбинационных составляющих тока.

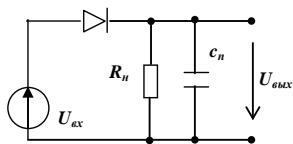


Рис. 5.5

5.14. (УО) В схеме диодного амплитудного детектора, представленного на рис. 5.5, сопротивление нагрузки $R_n = 18$ кОм. Используемый в схеме диод имеет вольт - амперную характеристику (ВАХ) кусочно-линейного вида с крутизной линейного участка $S = 10$ мА/В и нулевым начальным напряжением U_n . Определить коэффициент детектирования детектора.

5.15. (Р). Идеальный источник э.д.с. создает напряжение $u(t) = 1,5 \cos 2\pi 10^7 t$, В. К зажимам источника подключен резистивный элемент с переменной по времени проводимостью $G(t) = 10^{-3} + 2 \cdot 10^{-4} \sin 2\pi 10^6 t$, См. Найти амплитуду I_m спектральной составляющей тока, имеющей частоту 9 МГц.

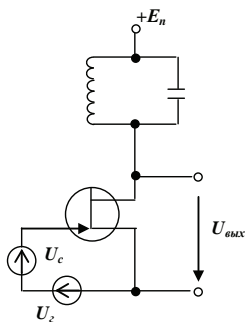


Рис. 5.6

5.16. (УО) Преобразователь частоты, собранный по схеме нелинейного резонансного усилителя, изображен на рис. 5.6. Колебательный контур настроен на промежуточную частоту $\omega_{np} = |\omega_c - \omega_g|$, где ω_c и ω_g - частоты сигнала и гетеродина. Резонансное сопротивление контура $R_{рез} = 18$ кОм. Напряжения сигнала и гетеродина соответственно равны: $u_c(t) = 50 \cos \omega_c t$, мкВ, $u_g(t) = 0,8 \cos \omega_g t$, В. Проходная характеристика транзистора аппроксимируется квадратичной параболой $i_c(t) = 7,5 (u_{zu} + 2)^2$, мА; $u_{zu} \geq -2$. Определить амплитуду $U_{m np}$ выходного сигнала на промежуточной частоте ω_{np} .

5.17. (Р). В супергетеродинном приемнике частота гетеродина $f_g = 7,5$ МГц. Промежуточная частота приемника $f_{np} = 465$ кГц. Основной канал приемника настроен на частоту сигнала $f_c = f_g + f_{np}$. Помеха по зеркальному каналу имеет частоту $f_3 = f_g - f_{np}$. Определить добротность Q одиночного контура на входе преобразователя частоты, если ослабление помехи по зеркальному каналу составляет - 25 дБ.

5.18. (О) В преобразователе частоты использован полупроводниковый диод, вольт - амперная характеристика (ВАХ) которого описывается зависимостью

$$i(u) = 25 (u - 0,2), \text{ мА}; u \geq 0,2 \text{ В.}$$

К диоду приложено напряжение гетеродина $u_c(t) = 1,2 \cos \omega_c t$, В. Вычислить крутизну преобразования S_{np} .

5.19. (Р). Емкость параметрического конденсатора изменяется во времени по закону $C(t) = C_0 \exp(-t / \tau) \sigma(t)$, где $\sigma(t)$ - функция включения (Хевисайда). К конденсатору подключен источник линейно нарастающего напряжения $u(t) = at \sigma(t)$. Вычислить закон изменения во времени тока $i(t)$ в конденсаторе.

5.20. (О) Одноконтурный параметрический усилитель подключен со стороны входа к источнику э.д.с. (генератору) с внутренним сопротивлением $R_g = 560$ Ом. Усилитель работает на резистивную нагрузку с сопротивлением $R_n = 400$ Ом. Найти

критическую величину вносимой проводимости $G_{вн\ кр}$, при которой система оказывается на пороге самовозбуждения.

Раздел 6. Активные цепи с обратной связью и автоколебательные системы

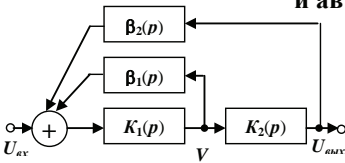


Рис. 6.1

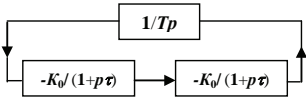


Рис. 6.2

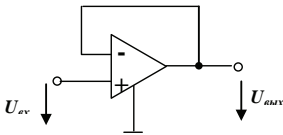


Рис. 6.3

(АЧХ) устройства уменьшается в $\sqrt{2}$ раза (до уровня **0,707**) относительно максимального значения на нулевой частоте.

6.4. (УО) Исследовать зависимость устойчивости цепи с обратной связью, передаточные функции основного звена и звена обратной связи которой соответственно записываются: $K(p) = -K_0 / (1 + p\tau)$ и $\beta(p) = - (1 + pT_1) / (1 + pT_2)$.

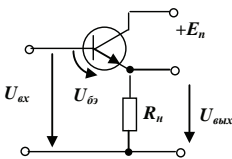


Рис. 6.4

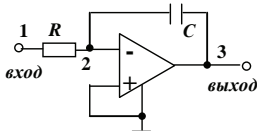


Рис. 6.5

6.1. (Р). Структурная схема цепи с двухпетлевой обратной связью изображена на рис. 6.1. Найти передаточную функцию цепи $K_{oc}(p) = U_{вых}(p) / U_{вх}(p)$.

6.2. (УО) Исследовать устойчивость замкнутой системы (рис. 6.2), в которой соединение двух идентичных усилительных звеньев с апериодическими нагрузками замкнуто через идеальный интегратор, имеющий передаточную функцию $\beta(p) = 1/Tp$, где T - постоянный параметр.

6.3. (Р). Найти передаточную функцию $K_{oc}(p)$ цепи, схема которой представлена на рис. 6.3, полагая, что операционный усилитель, входящий в цепь, имеет передаточную функцию, описываемую выражением $K_{оп}(p) = K_0 / (1 + p\tau_{оп})$.

Вычислить граничную частоту $\omega_{зр}$ рассматриваемого устройства, определив ее как частоту, на которой амплитудно-частотная характеристика

6.5. (Р). В эмиттерном повторителе (рис. 6.4) применен транзистор с дифференциальной крутизной проходной характеристики $i_{к}(u_{бэ})$ равной $S = 7$ мА/В. Сопротивление резистора нагрузки $R_n = 3$ кОм. Вычислить коэффициент усиления эмиттерного повторителя по напряжению K и определить, при каком напряжении $U_{вх}$ на входе цепи величина напряжения «база - эмиттер» $u_{бэ} = 0,15$ В.

6.6. (УО) Аналоговый интегратор, собранный на операционном усилителе (ОУ) (рис. 6.5), имеет следующие параметры: $R = 2,7$ кОм, $C = 1,8$ нФ. Напряжение питания ОУ $E_n = -12$ В. На вход интегратора подается сигнал $u_{вх}(t) = U_0 \sigma(t)$, где $U_0 = 0,1$ В. Вычислить сигнал на выходе $u_{вых}(t)$ и опре-

делить момент t_0 достижения им напряжения E_n источника питания.

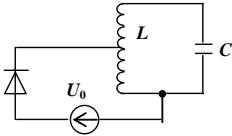


Рис. 6.6

$= 32$ кОм. Определить, при каком минимальном значении коэффициента включения $k_{вкл}$ активного элемента в контур возникает самовозбуждение системы.

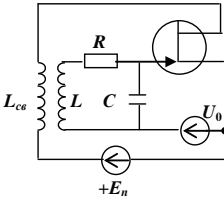


Рис. 6.7

6.7. (P) Туннельный диод вместе с источником смещения подключен к колебательному контуру (рис. 6.6). Дифференциальная крутизна вольт - амперной характеристики (ВАХ) диода в рабочей точке равна $S_{diff} = -5$ мА/В. Резонансное сопротивление контура при полном включении $R_{рез} =$

6.8. (УО) Автогенератор собран по схеме с трансформаторной обратной связью (рис. 6.7). Параметры схемы: $L = 16$ мкГн, $L_{св} = 3$ мкГн, $C = 90$ пФ, $R = 25$ Ом. Дифференциальная крутизна проходной характеристики $i_c(u_{3н})$ транзистора в рабочей точке $S_{diff} = 1,4$ мА/В. Найти коэффициент связи $k_{св}$ между катушками автогенератора, при котором происходит его самовозбуждение.

6.9. (P) Автогенератор содержит электронный прибор с зависимостью средней крутизны по 1-ой гармонике вольт - амперной характеристики (ВАХ) активного элемента от напряжения на его входе, задаваемой выражением

$$S_1(U) = 4 + 0,3U^2 - 0,12U^4, \text{ мА/В.}$$

Известно, что стационарный режим работы автогенератора характеризуется амплитудой $U_{см} = 1,5$ В. Определить, устойчив ли этот режим.

6.10. (O) В автогенераторе с трансформаторной обратной связью используется транзистор, у которого зависимость средней крутизны от напряжения на входе аппроксимирована выражением: $S_1(U) = a_1 + (3/4) a_3 U^2$, где $a_1 = 1$ мА/В и $a_3 = -2,5$ мА/В - коэффициенты степенной аппроксимации вольт - амперной характеристики (ВАХ) транзистора. Параметры колебательного контура: резонансная частота $\omega_0 = 6 \cdot 10^8 \text{ с}^{-1}$, добротность $Q = 25$. Определить критическое значение коэффициента взаимной индукции $M_{кр}$, при котором в автогенераторе возникают автоколебания, и значение стационарной амплитуды автоколебаний при $M = 3M_{кр}$.

6.11. (P) Вольт - амперная характеристика (ВАХ) $i_c(u_{бэ})$ транзистора, используемого в качестве активного элемента в автогенераторе с трансформаторной обратной связью, допускает кусочно-линейную аппроксимацию с параметрами: начальное напряжение $U_n = 0,8$ В, крутизна линейного участка ВАХ $S = 45$ мА/В. Вычислить среднюю крутизну ВАХ S_1 , под которой понимается крутизна по 1-ой гармонике, если напряжение смещения $U_0 = 0,55$ В, а амплитуда генерируемых колебаний $U_m = 1,2$ В.

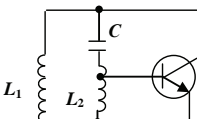


Рис. 6.8

6.12. (УО) Автогенератор собран по схеме индуктивной трехточки (рис. 6.8). Колебательный контур, настроенный на частоту $\omega_{рез} = 10^7 \text{ с}^{-1}$, имеет добротность $Q = 50$ и емкость конденсатора $C =$

= 200 пФ. Дифференциальная крутизна проходной характеристики $i_{\kappa}(u_{63})$ транзистора равна $S_{\text{диф}} = 4$ мА/В. Найти значения индуктивностей L_1 и L_2 , обеспечивающие самовозбуждение автогенератора.

II. Примеры решения задач

Раздел 1

1.1. Функция Хевисайда (в общем случае смещенная на t_0) записывается:

$$\sigma(t - t_0) = \begin{cases} 0, & t < t_0, \\ 0,5, & t = t_0, \\ 1, & t > t_0. \end{cases}$$

При этом, рассматривая сигнал как алгебраическую сумму трех элементарных сигналов, описываемых с помощью функций Хвисайда, с амплитудами **10**, **10** и **-20** В, смещенных, соответственно, на **-20** мкс, **20** мкс и **30** мкс, получаем: $s(t) = 10[10 \sigma(t + 2 \cdot 10^{-5}) + \sigma(t - 2 \cdot 10^{-5}) - 2 \sigma(t - 3 \cdot 10^{-5})]$, В.

1.3. Энергия сигнала определяется выражением $E_s = \int_{-\infty}^{\infty} s(t)^2 dt$. (1)

Подставляя в (1) выражение для сигнала $s(t) = U_0 \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$, $0 \leq t \leq \tau_u$, (2)

получаем: $E_s = U_0^2 \int_0^{\tau_u} \cos^2(\omega_0 t + \varphi_0) dt$. (3) Делая в (3) замену переменных $\eta = \omega_0 t + \varphi_0$, получаем: $dt = d\eta / \omega_0$, пределы интегрирования $[\varphi_0, \omega_0 \tau_u + \varphi_0]$.

При этом из (3) имеем: $E_s = (U_0^2 / \omega_0) \int_{\varphi_0}^{\omega_0 \tau_u + \varphi_0} \cos^2 \eta d\eta$. (4). Используя формулу

$$\cos^2 \eta = (1 + \cos 2\eta) / 2 \quad (5) \quad \text{и подставляя (5) в (4), получаем:}$$

$$E_s = [(U_0^2 \tau_u) / 2] \{1 + [\sin 2(\omega_0 \tau_u + \varphi_0) / 2\omega_0 \tau_u] - (\sin 2\varphi_0 / 2\omega_0 \tau_u)\}. \quad (6)$$

Наложим условие $\omega_0 \tau_u \gg 1$, которое можно представить в виде $2\pi \tau_u / T \gg 1$, где T - период высокочастотного заполнения импульса. Как видим, наложенное условие заключается в том, что на длительности τ_u укладывается много периодов T колебаний высокой частоты. При этом, поскольку $|\sin x| \leq 1$, из (6) имеем:

$$E_s \approx (U_0^2 / 2). \quad (7)$$

1.5. Спектральная плотность сигнала связана с ним преобразованием Фурье

$$S(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} s(t) \exp(-j\omega t) dt \quad (1). \quad \text{Подставляя в (1) выражение для сигнала}$$

$$s(t) = A t \exp(-\alpha t) \sigma(t) \quad (2), \quad \text{получаем: } S(\omega) = A \int_0^{\infty} t \exp[-(\alpha + j\omega)t] dt \quad (3). \quad \text{Интеграл}$$

$$\text{в (3) вычисляется методом интегрирования по частям: } \int u dv = uv - \int v dv \quad (4). \quad \text{Положив в (3) } t = u \text{ и } \exp[-(\alpha + j\omega)t] dt, \text{ с учетом (4) получаем: } S(\omega) = A \{- [t / (\alpha + j\omega)] \exp[-(\alpha + j\omega)t] \Big|_0^{\infty} + [1 / (\alpha + j\omega)] \int_0^{\infty} \exp[-(\alpha + j\omega)t] dt\} =$$

$$= A \{ \mathbf{0} - [1 / (\alpha + j\omega)^2] \cdot \exp [- (\alpha + j\omega)t] \Big|_0^{\infty} \} = A / (\alpha + j\omega)^2 . \quad (5).$$

Заметим, что при вычислении uv в (4) и соответствующего выражения в (5) неопределенность типа $(\infty \cdot 0)$ раскрывается как 0 , поскольку линейная функция растет медленнее, чем экспонента.

1.7. Спектральная плотность смещенного на kT импульса $s_0(t - kT)$ связана со спектральной плотностью $S_0(\omega)$ исходного импульса $s_0(t)$ соотношением

$$S_{kT}(\omega) = S_0(\omega) \cdot \exp(-j\omega kT) \quad (1).$$

Запишем сигнал в виде «пачки» следующим образом: $s_{\Sigma}(t) = \sum_{k=0}^{n-1} s_0(t - kT)$ (2). При этом спектральная плотность «пачки» запишется:

$$S_{\Sigma}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} \sum_{k=0}^{n-1} s_0(t - kT) \exp(-j\omega t) dt \quad (3).$$

Изменяя в (3) порядок интегрирования и суммирования получаем: $s_{\Sigma}(\omega) = \sum_{k=0}^{n-1} \int_{-\infty}^{\infty} s_0(t - kT) \exp(-j\omega t) dt$ (4). С учетом (1) из (4)

получаем: $S_{\Sigma}(\omega) = S_0(\omega) \sum_{k=0}^{n-1} \exp(-j\omega kT)$ (5). Сумма в (5) представляет собой геометрическую прогрессию конечной длительности со знаменателем $r = \exp(-j\omega T)$ и

$$\text{равна } \sum_{k=0}^{n-1} r^k = (1 - r^n) / (1 - r) \quad (6).$$

Из (5) и (6) получаем: $S_{\Sigma}(\omega) = S_0(\omega) \cdot [1 - \exp(-jn\omega T)] / [1 - \exp(-j\omega T)]$ (7).

1.9. Используем обобщенную функция Релея: $(u, v) = (1/2\pi) \int_{-\infty}^{\infty} S_u(\omega) S_v^*(\omega) d\omega$.

При этом с учетом четности спектральных плотностей $S_u(\omega)$ и $S_v(\omega)$ и того, что в рассматриваемом случае они - вещественные функции, получаем:

$$(u, v) = [(A_1 A_2) / \pi] \int_0^{\omega_1} d\omega = (A_1 A_2) \omega_1 / \pi.$$

1.11. Взаимный энергетический спектр двух сигналов $u(t)$ и $v(t)$ со спектральными плотностями $S_u(\omega)$ и $S_v(\omega)$ определяются выражением: $W_{uv}(\omega) = S_u(\omega) S_v^*(\omega)$ (1). При этом спектральные плотности $S_u(\omega)$ и $S_v(\omega)$, связанные с $u(t)$ и $v(t)$ преобразованием Фурье, задаются выражениями:

$$S_u(\omega) = U_1 \int_{-T/2}^{T/2} \exp(-j\omega t) dt = - (U_1 / j\omega) \exp(-j\omega t) \Big|_{-T/2}^{T/2} = - (U_1 / j\omega) [\exp(-j\omega T/2) - \exp(j\omega T/2)] = (U_1 T) [\sin(\omega T/2) / (\omega T/2)] \quad (2)$$

$$\text{и } S_v(\omega) = (U_2 T) [\sin(\omega T/2) / (\omega T/2)]. \quad (3)$$

Поскольку $S_u(\omega)$ и $S_v(\omega)$ - вещественные функции, из (1) имеем:

$$W_{uv}(\omega) = U_1 U_2 T^2 [\sin^2(\omega T/2) / (\omega T/2)^2] \quad (4).$$

1.13. Функция автокорреляции связана с сигналом $s(t) = A \exp(-\alpha t) \sigma(t)$ выражением $K_s(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} s(t) s(t - \tau) dt$. Подставляя сюда выражение для сигнала, получа-

$$\begin{aligned} \text{ем: } K_s(\tau) &= A^2 \int_{\tau}^{\infty} \exp(-\alpha t) \exp[-\alpha(t - \tau)] dt = - (A^2 / 2\alpha) \exp(\alpha\tau) \exp[-\alpha(t - \tau)] \Big|_{\tau}^{\infty} = \\ &= (A^2 / 2\alpha) \exp(-\alpha\tau). \end{aligned}$$

С учетом четности $K_s(\tau)$ имеем: $K_s(\tau) = (A^2 / 2\alpha) \exp(-\alpha|\tau|)$.

Раздел 2

2.1. Шаг дискретизации рассматриваемого сигнала равен $\Delta = 1$ мс, а его отсчетные значения: $s_1 = 20$ В, $s_0 = 10$ В, $s_1 = -20$ В. Энергия сигнала, разложенного в обобщенный ряд Фурье по ортонормированному базису $s(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k u_k(t)$ (1), где c_k

$$= (s, u_k) = \int_{t_1}^{t_2} s(t) u_k(t) dt \quad (2)$$

коэффициенты ряда, а $[t_1, t_2]$ - область существования

$$\text{сигнала } s(t), \text{ определяется выражением } E_s = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k^2 \quad (3).$$

$$\text{Ряд Котельникова } s(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} s_k \{ \sin[\omega_0(t - k\pi / \omega_0)] \} / [\omega_0(t - k\pi / \omega_0)] \quad (4), \text{ где}$$

$\omega_0 = 2\pi f_0 = \pi/\Delta$ и $f_0 = 1/2\Delta$ - верхняя частота в спектре сигнала в с^{-1} и Гц, а $s_k = s(k\Delta)$ - отсчетные значения сигнала, представляет собой разложение сигнала по ортогональному базису, однако используемые в нем базисные функции типа $\sin x / x$ не нормированы. При осуществлении нормировки, то есть при переходе от коэффициентов s_k к коэффициентам: $c_k = \sqrt{\pi/\omega_0} s_k = (1/\sqrt{2f_0}) s_k = \sqrt{\Delta} s_k$ (5), из (3) имеем: $E_s = (s_{-1}^2 + s_0^2 + s_1^2) \Delta = [20^2 + 10^2 + (-20)^2] \cdot 10^{-3} \text{ В}^2\text{с} = 0,9 \text{ В}^2\text{с}$.

2.3. Поскольку импульсы дискретизирующей последовательности имеют длительность τ_0 , существенно меньшую длительности исходного видеоимпульса: $\tau_0/\tau_u = 5 \cdot 10^{-6} / 2 \cdot 10^{-3} = 2,5 \cdot 10^{-3} \ll 1$, эту последовательность можно аппроксимировать последовательностью дельта - импульсов $\delta(t)$. В этом случае спектральная плотность дискретизированного сигнала определяется выражением: $S_{x\delta}(\omega) =$

$$= (1/\Delta) \sum_{n=-\infty}^{\infty} S_x(\omega - 2\pi n/\Delta) \quad (1), \text{ где } \Delta = \tau_u/(N - 1) = 2/(10 - 1) \approx 0,22 \text{ мс} - \text{ шаг дискрети-}$$

зации, N - число импульсов дискретизирующей последовательности, $S_x(\omega)$ - спектральная плотность исходного аналогового сигнала, равная $S_x(\omega) =$

$$= \int_{-\tau_u/2}^{\tau_u/2} x(t) \exp(-j\omega t) dt = U_0 \int_{-\tau_u/2}^{\tau_u/2} \exp(-j\omega t) dt = U_0 \tau_u [\sin(\omega \tau_u/2)] / (\omega \tau_u/2) \quad (2).$$

Подстанов-

$$\text{ка (2) в (1) дает: } S_{x\delta}(\omega) = (U_0 \tau_u / \Delta) \sum_{n=-\infty}^{\infty} \sin\{(\omega - 2\pi n/\Delta) \tau_u/2\} / \{(\omega - 2\pi n/\Delta) \tau_u/2\}.$$

Как видим, искомая спектральная плотность представляет собой совокупность спектральной плотности исходного сигнала и бесконечного числа ее копий, сдвину-

тых на частоты, кратные частоте повторения $\omega_1 = 2\pi/\Delta$ импульсов дискретизирующей последовательности.

2.5. Связь коэффициентов ДПФ C_n с отсчетными значениями x_k дискретного сигнала задается выражением: $C_n = (1/N) \sum_{k=0}^{N-1} x_k \exp(-j 2\pi nk/N)$ (1), являющимся ана-

логом прямого преобразования Фурье для аналогового сигнала. При четном числе отсчетов N коэффициенты ДПФ, номера которых расположены симметрично относительно $N/2$, образуют комплексно-сопряженные пары: $C_{N-n} = C_n^*$ (2). При этом

коэффициент $C_{N/2} = (1/N) \sum_{k=0}^{N-1} x_k (-1)^k$ (3). Таким образом, из (1) получаем $C_0 = (1 + 1 +$

$$+ 1)/6 = 1/2, C_1 = [1 + \exp(-j 2\pi/6) + \exp(-j 4\pi/6)]/6 = [1 + (\cos \pi/3 - j \sin \pi/3) + (\cos 2\pi/3 - j \sin 2\pi/3)]/6 = [1 + (1/2) - (j\sqrt{3}/2) - (1/2) - (j\sqrt{3}/2)]/6 = (1 - j\sqrt{3})/6, C_2 = [1 + \exp(-j 2\pi/3) + \exp(-j 4\pi/3)]/6 = [1 + (\cos 2\pi/3 - j \sin 2\pi/3) + (\cos 4\pi/3 - j \sin 4\pi/3)]/6 = [1 - (1/2) - (j\sqrt{3}/2) - (1/2) + (j\sqrt{3}/2)]/6 = 0. Из (3) получаем: $C_3 = (1 - 1 + 1)/6 = 1/6$. Из (2) получаем: $C_4 = C_2^* = 0, C_5 = C_1^* = (1 + j\sqrt{3})$.$$

2.7. Коэффициенты ДПФ C_n , позволяющие вычислить постоянную составляющую и гармоники исходного аналогового сигнала, связаны с отсчетными значениями x_k дискретного сигнала $\{x_k\} = (1, 0, -1, 0)$ (1) соотношением: $C_n =$

$$(1/N) \sum_{k=0}^{N-1} x_k \exp(-j 2\pi nk/N) \quad (2), \text{ где } N - \text{ число отсчетных значений. Подставляя (1) в}$$

$$(2), \text{ получаем: } C_0 = (1 - 1)/4 = 0, C_1 = [1 - \exp(-j 2\pi \cdot 1 \cdot 2/4)]/4 = (1 + 1)/4 = 1/2, C_2 = [1 - \exp(-j 2\pi \cdot 2 \cdot 2/4)]/4 = (1 - 1)/4 = 0. \text{ При четном } N \text{ коэффициенты ДПФ, номера которых расположены симметрично относительно } N/2, \text{ образуют комплексно-сопряженные пары: } C_{N-n} = C_n^* \quad (3). \text{ В данном случае } C_{N/2} = C_2. \text{ Отсюда имеем: } C_3 = C_1^* = 1/2.$$

Алгоритм восстановления исходного сигнала по коэффициентам ДПФ записывается: $x(t) = C_0 + 2 |C_1| \cos [(2\pi t/T) + \varphi_1] + 2 |C_2| \cos [(4\pi t/T) + \varphi_2] + \dots + |C_{N/2}| \cos [(N\pi t/T) + \varphi_{N/2}]$ (4), где $\varphi_n = \arg c_n$. Подставляя в (4) $C_0 = C_2 = 0$ и $C_1 = 1$, получаем: $x(t) = \cos [(2\pi t/T)]$.

2.9. Коэффициенты ДПФ c_n связаны с отсчетными значениями x_k дискретного сигнала $\{x_k\}$ соотношением: $C_n = (1/N) \sum_{k=0}^{N-1} x_n \sum x_k \exp(-j 2\pi nk/N)$ (1), где N - число отсчетных значений сигнала. Положив в (1) $x_k \equiv x_0$, получим:

$$C_n = (x_0/N) \sum_{k=0}^{N-1} \exp(-j 2\pi nk/N)^k \quad (2). \text{ При } n \neq 0 \text{ с учетом того, что слагаемые в (2) обра-}$$

$$\text{зуют геометрическую прогрессию из } N \text{ членов с начальным членом } a_1 = 1 \text{ и знаменателем } q = \exp(-j 2\pi n/N), \text{ сумма членов этой прогрессии равна: } \sum_{k=0}^{N-1} \exp(-j 2\pi nk/N)^k = a_1 (1 - q^N)/(1 - q) = [1 - \exp(-j 2\pi n)]/[1 - \exp(-j 2\pi n/N)] = 0, \text{ поскольку}$$

$\exp(-j2\pi n) \equiv 1$. Следовательно $c_n \Big|_{n \neq 0} = 0$. При $n = 0$ из (2) имеем: $C_n = x_0 N / N = x_0$.

2.11. Z - преобразование аналогового сигнала $x(t) = a t$ неограниченной протяженности записывается: $X(z) = \sum_{k=0}^{\infty} x(k\Delta) z^{-k} = a\Delta \sum k z^{-k} = a\Delta (z^{-1} + 2z^{-2} + 3z^{-3} + \dots)$.

Здесь Δ - шаг дискретизации.

2.13 Отсчетные значения x_k дискретного сигнала $\{x_k\}$ определяются с использованием обратного z преобразования $x_k = (1/2\pi j) \oint z^{k-1} X(z) dz$ (1). Контурный интеграл в (1) определяется с использованием вычетов: $\oint f(z) dz =$

$= 2\pi j \sum_{i=1}^N \text{res} [f(z)] \Big|_{z=a_i}$ (2), где $f(z)$ - подынтегральное выражение, $a_i - i$ -ый полюс

$f(z)$, N - число полюсов. Вычет в полюсе a m -го порядка равен: $\text{res} [f(z)] \Big|_{z=a} =$

$= [1/(m-1)!] d^{m-1} | f(z) (z-a)^m | \Big|_{z=a} / dz^{m-1}$ (3). Если $f(z)$ имеет полюс a 1-го

порядка, а $f(z) = \varphi(z) / \psi(z)$, то $\text{res} [f(z)] \Big|_{z=a} = \varphi(z) / \psi'(z) \Big|_{z=a}$ (4). Если $f(z)$ не со-

держит полюсов, то $\oint f(z) dz = 0$ (5). Подставляя в (1) $X(z) = (z^2 + 2z + 1) / z^2$ (6), получаем:

$x_k = (1/2\pi j) \oint z^{k-3} (z^2 + 2z + 1) dz$ (7). При $k = 0$ подынтегральное выражение в (7)

$f(z) = (z^2 + 2z + 1) / z^3$ имеет единственный полюс $z = 0$ порядка $m = 3$. При этом с учетом (2) и (3) из (7) получаем: $x_0 = (1/2!) d^2 (z^2 + 2z + 1) / dz^2 \Big|_{z=0} = 1$. При $k = 1$

подынтегральное выражение в (7) $f(z) = (z^2 + 2z + 1) / z^2$ имеет единственный полюс $z = 0$ порядка $m = 2$. При этом с учетом (2) и (3) из (7) получаем: $x_1 =$

$= (1/1!) d (z^2 + 2z + 1) / dz \Big|_{z=0} = 2$. При $k = 2$ подынтегральное выражение в (7) $f(z) =$

$= (z^2 + 2z + 1) / z$ имеет единственный полюс $z = 0$ порядка $m = 1$. При этом с учетом (2) и (4) из (7) получаем: $x_0 = (z^2 + 2z + 1) / 1 \Big|_{z=0} = 1$. При $k > 2$ полюсов в подынте-

гральном выражении в (7) нет, откуда следует, что $x_k \Big|_{k>2} = 0$. Таким образом, $\{x_k\} = (1, 2, 1, 0, 0, \dots)$.

2.15. Автокорреляционная функция (АКФ) дискретного сигнала записывается:

$\hat{K}(n) = \sum_{i=-\infty}^{\infty} s_i s_{i-n}$ (1). Запишем сигнал $\{s_i\} = (1, 1, -1, -1, 1)$ и его сдвинутые копии в

развернутом виде и подставив их в (1) вычислим значения $\hat{K}(n)$ при $n \geq 0$:

$$s_1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad -1 \quad -1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad \hat{K}_s(0) = 5$$

$$s_{1-1} \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad -1 \quad -1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad \hat{K}_s(1) = 0$$

$$s_{1-2} \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad -1 \quad -1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad \hat{K}_s(2) = -3$$

$$s_{1-3} \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad -1 \quad -1 \quad 1 \quad 0 \quad \hat{K}_s(3) = 0$$

$$s_{1-4} \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad -1 \quad -1 \quad 1 \quad \hat{K}_s(4) = 1$$

С учетом четности (АКФ) окончательно получаем: $\hat{K}(n) = (1, 0, -3, 0, 5, 0, -3, 0, 1)$.

Раздел 3

3.1. Узкополосный сигнал $s(t) = U_m (1 + M \cos \Omega t) \cos (\omega t + \pi/4)$ (1) может быть представлен в виде: $s(t) = U_s(t) \cos [\omega t + \varphi_s(t)]$ (2). При этом комплексная огибающая сигнала записывается: $\tilde{U}_s(t) = U_s(t) \exp [j \varphi_s(t)]$ (3). Таким образом, из (1) - (3) имеем: $\tilde{U}_s(t) = U_m (1 + M \cos \Omega t) \exp (j \pi/4)$ (4). Синфазная и квадратурная амплитуды сигнала записываются: $A_s(t) = U_s(t) \cos \varphi_s(t)$ (5), $B_s(t) = U_s(t) \sin \varphi_s(t)$ (6). Поскольку $\cos \varphi_s(t) = \cos \pi/4 = \sin \varphi_s(t) = \sin \pi/4 = 1/\sqrt{2}$, а $U_s(t) = U_m (1 + M \cos \Omega t)$, из (5) и (6) получаем: $A_s(t) = B_s(t) = (U_m/\sqrt{2}) (1 + M \cos \Omega t)$ (7).

3.3. Физическая огибающая $U_s(t)$ сигнала $s(t)$ может быть определена как модуль соответствующего ему аналитического сигнала $Z_s(t) = |Z_s(t)|$ (1). Аналитический сигнал может быть определен через спектральную плотность сигнала, которая для идеального низкочастотного сигнала записывается:

$$S(\omega) = \begin{cases} S_0, & -\omega_e < \omega < \omega_e, \\ 0 & \omega_e < \omega < -\omega_e. \end{cases} \quad (2).$$

При этом с учетом (2) имеем: $Z_s(t) = (1/\pi) \int_0^{\infty} S(\omega) \exp (-j\omega t) d\omega =$

$$= (S_0/\pi) \int_0^{\omega_e} \exp (-j\omega t) d\omega = (S_0/j\pi t) [1 - \exp (-j\omega_e t)] \quad (3). \text{ С учетом (3) из (1) получаем:}$$

$$U_s(t) = |Z_s(t)| = (S_0\omega_e/\pi) |1 - \exp (-j\omega_e t)| / \omega_e t = (S_0\omega_e/\pi) |\sin (\omega_e t/2)| / (\omega_e t/2) \quad (4). \text{ Заме-}$$

тим, что при вычислениях в (4) использованы формулы: $\exp (-j\omega t) = \cos \omega t - j \sin \omega t$, $\sin^2 \omega t + \cos^2 \omega t = 1$, $1 - \cos \omega t = 2 \sin^2 (\omega t/2)$.

3.5. Аналитический сигнал определяется следующим образом: $Z_s(t) =$

$$= (1/\pi) \int_0^{\infty} S(\omega) \exp (-j\omega t) d\omega \quad (1). \text{ Подставляя } S(\omega) = S_0 \exp (-b\omega) \quad (2), \text{ Получаем:}$$

$$Z_s(t) = (S_0/\pi) \int_0^{\infty} \exp [- (b + jt) \omega] d\omega = - [S_0/\pi(b + jt)] \exp [- (b + jt) \omega] \Big|_0^{\infty} = S_0/\pi(b + jt).$$

3.7. Общее выражение для АМ - сигнала при сложном модулирующем сигнале

$$\text{записывается: } U_{AM}(t) = U_0 [1 + \sum_{n=1}^N M_n \cos (\Omega_n t + \Phi_n)] \cos (\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1). \text{ Сравнивая это}$$

выражение с заданным: $U_{AM}(t) = 130 [1 + 0,25 \cos (10^3 t + 30^\circ) + 0,75 \cos (3 \cdot 10^3 t + 45^\circ)] \cos (10^5 t + 60^\circ)$, В (2), имеем: $U_0 = 130$ В, $M_1 = 0,25$; $M_2 = 0,75$; $\Omega_1 = 10^3$ с⁻¹; $\Omega_2 = 3 \cdot 10^3$ с⁻¹; $\Phi_1 = 30^\circ$; $\Phi_2 = 45^\circ$; $\omega_0 = 10^5$ с⁻¹; $\varphi_0 = 60^\circ$; $N = 2$. Преобразуя выражение (1) и подставляя в него найденные параметры сигнала, получаем его спектральный состав в виде: $U_{AM}(t) = U_0 \cos (\omega_0 t + \varphi_0) +$

$$+ \sum_{n=1}^N (U_0 M_n / 2) \{ \cos [(\omega_0 + \Omega_n)t + \varphi_0 + \Phi_n] + \cos [(\omega_0 - \Omega_n)t + \varphi_0 - \Phi_n] \} =$$

$$= 130 \cos (10^5 t + 60^\circ) + 16,25 \cos (1,01 \cdot 10^5 t + 90^\circ) + 48,75 \cos (1,03 \cdot 10^5 t + 105^\circ) +$$

+ $16,25 \cos(0,99 \cdot 10^5 t + 30^\circ) + 48,75 \cos(0,97 \cdot 10^5 t + 15^\circ)$ В (3). Таким образом, амплитудный спектр состоит из составляющих с амплитудами: **48,75; 16,25; 130; 16,25** и **48,75** В на частотах: **$0,97 \cdot 10^5$; $0,99 \cdot 10^5$; 10^5 ; $1,01 \cdot 10^5$ и $1,03 \cdot 10^5$** с^{-1} , соответственно. Фазовый спектр представлен следующими значениями фазы этих составляющих: **15° , 30° , 60° , 90° , 105°** .

3.9. Общее выражение для тока, модулированного одним тоном, записывается: $i_{AM}(t) = I_0 (1 + M \cos \Omega t) \cos \omega_0 t$ (1). Сравнивая это выражение с заданным: $i_{AM}(t) = 200 [1 + 0,8 \cos(4 \cdot 10^3 t)] \cos(4 \cdot 10^6 t)$, А (2), имеем: $I_0 = 200$ А; $M = 0,8$; $\Omega = 4 \cdot 10^3 \text{ с}^{-1}$; $\omega_0 = 6 \cdot 10^6 \text{ с}^{-1}$. Максимальная мощность, выделяемая в резисторе R , равна $P_{max} = I_{max}^2 R / 2$ (3), где $I_{max} = I_0(1 + M)$. Средняя мощность равна сумме мощности несущего колебания, равной $P_{нес} = I_0^2 R / 2$ и мощностей двух боковых составляющих, каждая из которых равна $P_{бок} = (I_0 M / 2)^2 R / 2 = I_0^2 M^2 / 8$, то есть $P_{cp} = I_0^2 R / 2 + 2 \cdot I_0^2 M^2 R / 8 = I_0^2 R (1 + M^2 / 2) / 2$ (4). Подставляя в (3) и (4) значения параметров: $I_0 = 200$ А; $M = 0,8$; $R = 75$ Ом, получаем: $P_{max} = I_0^2 R (1 + M^2) / 2 = 4,84$ МВт, $P_{cp} = I_0^2 R (1 + M^2 / 2) / 2 = 1,98$ МВт. Отсюда «пик - фактор» равен: $P_{max} / P_{cp} = 2,4$.

3.11. Общее выражение для AM -сигнала, модулированного одним тоном, записывается: $u_{AM}(t) = U_0 (1 + M \cos \Omega t) \cos \omega_0 t$ (1). Сравнивая это выражение с заданным: $u_{AM}(t) = 75 [1 + 0,4 \cos(10^3 t)] \cos(10^6 t)$, В (2), имеем: $U_0 = 75$ В; $M = 0,4$.

Из (1) и (2) видно, что максимальное и минимальное значения амплитуды сигнала соответственно равны: $U_{max} = U_0 (1 + M)$ (3), $U_{min} = U_0 (1 - M)$ (4). Соответственно мощности, выделяемые на сопротивлении $R_n = 2$ кОм, равны:

$$P_{max} = U_{max}^2 / 2R_n = 2,8 \text{ Вт}, P_{min} = U_{min}^2 / 2R_n = 0,5 \text{ Вт}.$$

3.13. Амплитудный спектр периодической последовательности прямоугольных радиоимпульсов с периодом повторения $T = \tau_u + \tau_n$ (1), где τ_u и τ_n - соответственно длительности импульса и паузы между импульсами, представляет собой симметричную относительно несущей частоты f_0 последовательность дискретных составляющих, отстоящих друг от друга на частоту повторения $F = 1/T$. При этом эффективная ширина спектра сигнала, содержащая 90% его энергии, совпадает с шириной главного лепестка спектра и равна $\Delta f_{90} = 2/\tau_u$ (2). Частота повторения импульсов очевидно равна скорости передачи в знаках в секунду: $F = V/60 = 300/60 = 5$ Гц.

Отсюда следует, что период повторения импульсов $T = 1/F = 0,2$ с. Длительность импульсов при $\tau_u = \tau_n$ с учетом (1) равна $\tau_u = T/2 = 0,1$ с. При этом из (2) получаем: $\Delta f_{90} = 2/\tau_u = 20$ Гц.

3.15. Общее выражение для сигнала с однотоновой угловой (фазовой или частотной) модуляцией записывается: $u_{ФМ(ЧМ)}(t) = U_0 \cos(\omega_0 t + m \sin \Omega t)$ (1), где U_0 - амплитуда сигнала, m - индекс модуляции, $\omega_0 = 2\pi f_0$ (2) и $\Omega = 2\pi F$ (3) - угловые частоты несущей и модулирующего колебания, а f_0 и F - соответствующие циклические частоты. Мгновенная угловая частота сигнала равна $\omega(t) = d\Psi(t) / dt$ (4), где $\Psi(t) = \omega_0 t + \varphi(t) = \omega_0 t + m \sin \Omega t$ (5) - полная, а $\varphi(t)$ - начальная фазы сигнала. Из (4) с учетом (2), (3) и (5) получаем $\omega(t) = 2\pi f(t)$ (6), где $f(t) = f_0 + mF \cos(2\pi Ft)$ (7) - мгновенная циклическая частота. Из(7) получаем: $f_{max} = f_0 + mF$ (8),

$f_{min} = f_0 - m F$ (9). Подставляя в (8) и (9) исходные данные, получаем: $f_{max} = 80 \cdot 10^6 + 12 \cdot 15 \cdot 10^3$, Гц = **80,18 МГц**; $f_{min} = 80 \cdot 10^6 - 12 \cdot 15 \cdot 10^3$, Гц = **79,82 МГц**.

3.17. Общее выражение для мгновенной частоты ЧМ - сигнала с модуляцией одним тоном записывается: $\omega(t) = \omega_0 + \Delta\omega \cos \Omega t$ (1), где ω_0 , $\Delta\omega$ и Ω - соответственно несущая частота, девиация частоты и частота модуляции. Сравнивая это выражение с заданным: $\omega(t) = 10^9 \cdot (1 + 10^{-4} \cdot \cos 2 \cdot 10^3 t)$, c^{-1} (2), получаем: $\omega_0 = 10^9 c^{-1}$, $\Delta\omega = 10^9 \cdot 10^{-4} = 10^5 c^{-1}$, $\Omega = 2 \cdot 10^3 c^{-1}$. Общее выражение для ЧМ - сигнала с модуляцией одним тоном записывается: $u_{ЧМ}(t) = U_0 \cos(\omega_0 t + m \sin \Omega t)$ (3), где m - индекс модуляции, $\Psi(t) = \omega_0 t + m \sin \Omega t$ (4) - полная фаза сигнала. При этом мгновенная частота и полная фаза связаны между собой следующими соотношениями: $\omega(t) =$

$$= d\Psi(t) / dt \quad (5), \quad \Psi(t) = \int_0^t \omega(\tau) d\tau \quad (6).$$

Из (6) и (1) получаем: $\Psi(t) = \omega_0 t + (\Delta\omega / \Omega) \cdot \sin \Omega t$ (7). Сравнивая (4) и (7), имеем: $m = \Delta\omega / \Omega$ (8). Подставляя сюда приведенные выше значения $\Delta\omega$ и Ω , получаем: $m = 10^5 / 2 \cdot 10^3 = 50$. Подставляя в (3) $U_0 = 2,7$ В; $m = 50$; $\omega_0 = 10^9 c^{-1}$ и $\Omega = 2 \cdot 10^3 c^{-1}$, окончательно получаем: $u_{ЧМ}(t) = 2,7 \cos(10^9 t + 50 \sin 2 \cdot 10^3 t)$, В.

3.19. Общее выражение для сигнала с однотоновой частотной модуляцией записывается: $u_{ЧМ}(t) = U_0 \cos(\omega_0 t + m \sin \Omega t)$ (1), где U_0 - амплитуда сигнала, m - индекс модуляции, $\omega_0 = 2\pi f_0$ (2) и $\Omega = 2\pi F$ (3) - угловые частоты несущей и модулирующего колебания, а f_0 и F - соответствующие циклические частоты. Мгновенная круговая частота сигнала $\omega(t)$ определяется как производная его полной фазы $\Psi(t) = \omega_0 t + m \sin \Omega t$ (4), то есть $\omega(t) = d\Psi(t) / dt$ (5). При этом с учетом (2) и (3) получаем: $\omega(t) = 2\pi f(t) = 2\pi [f_0 + m \cos(2\pi Ft)]$ (6), откуда для циклической частоты имеем: $f(t) = f_0 + m \cos(2\pi Ft)$ (7). Из (7) следует, что максимальная и минимальная циклические частоты сигнала равны: $f_{max} = f_0 + m F$ (8), $f_{min} = f_0 - m F$ (9). Подставляя в (8) и (9) исходные данные, получаем: $f_{max} = 50 \cdot 10^6 + 40 \cdot 7 \cdot 10^3$, Гц = **50,28 МГц**; $f_{min} = 50 \cdot 10^6 - 40 \cdot 7 \cdot 10^3$, Гц = **49,72 МГц**.

Раздел 4

4.1. Частотный коэффициент передачи усилителя с резистивной нагрузкой определяется выражением: $K(j\omega) = -SR_{экв} / (1 + j\omega C_n R_{экв})$ (1), где $R_{экв} = R_n R_i / (R_n + R_i)$ (2) - эквивалентное сопротивление нагрузки. При этом, как следует из (1), коэффициент усиления на нулевой частоте равен: $K_0 = SR_{экв}$ (3). С учетом (1) и (3) АЧХ усилителя записывается: $K(\omega) = |K(j\omega)| = K_0 / \sqrt{1 + (\omega C_n R_{экв})^2}$ (4). Как следует из (4), граничная частота $\omega_{зп}$, на которой усиление падает в $\sqrt{2}$ раза, равна: $\omega_{зп} = 2\pi f_{зп} = 1 / C_n R_{экв}$ (5). Из (2), подставляя исходные данные, получаем: $R_{экв} = 1,6 \cdot 15 / (1,6 + 15) = 1,44$ кОм. При этом из (3), подставляя исходные данные, имеем: $K_0 = 20 \cdot 10^{-3} \cdot 1,44 \cdot 10^3 = 28,8$. Из (5), переходя от круговой частоты к циклической и подставляя исходные данные, получаем: $f_{зп} = 1 / 2\pi C_n R_{экв} = 1 / 6,28 \cdot 30 \cdot 10^{-12} \cdot 1,44 \cdot 10^3 = 3,7 \cdot 10^6$ Гц = **3,7 МГц**.

4.3. При входном сигнале $U_{AM}(t) = U_0 (1 + M \cos \Omega t) \cos \omega_0 t$ (1) сигнал на выходе усилителя записывается: $U_{AM \text{ вых}}(t) = -K_{\text{рез экв}} U_0 [(1 + M_{\text{вых}} \cos(\Omega t - \nu_\Omega)) \cdot \cos \omega_0 t$ (2), где $K_{\text{рез экв}}$ - эквивалентный коэффициент усиления, $M_{\text{вых}} =$

$M / \sqrt{1 + \xi_\Omega^2}$ (3), $\xi_\Omega = 2Q_{\text{экв}}\Omega / \omega_{\text{рез}}$ (4) - обобщенная расстройка контура на боковой частоте $\omega_0 + \Omega$, $\nu_\Omega = \arctg \xi_\Omega$ (5) и $t_{\text{зад}} = \xi_\Omega / \Omega$ (6) - сдвиг фазы и задержка огибающей сигнала. Из (3) - (6) получаем: $M_{\text{вых}} = M / \sqrt{1 + (2Q_{\text{экв}}\Omega / \omega_{\text{рез}})^2}$ (7),

$t_{\text{зад}} = (1/\Omega) \arctg (2Q_{\text{экв}}\Omega / \omega_{\text{рез}})$ (8). Подставляя в (7) и (8) исходные данные, получаем: $M_{\text{вых}} = 0,8 / 1 + (2 \cdot 75 \cdot 3 \cdot 10^4 / 5 \cdot 10^6)^2 = 0,6$;

$t_{\text{зад}} = (1 / 3 \cdot 10^4) \arctg (2 \cdot 75 \cdot 3 \cdot 10^4 / 5 \cdot 10^6) = 24,43$ мкс.

4.5. Переходная характеристика $g(t)$ связана с импульсной характеристикой

$h(t)$ соотношением: $g(t) = \int_0^t h(\tau) d\tau$ (1). Интеграл от константы - линейная функция.

Например, $\int_0^T A dt = At \Big|_0^T = AT$ (2). Значение определенного интеграла равно площади

под кривой, отображающей подынтегральную функцию, с учетом знака. В результате получаем переходную функцию, представленную на рис. 4.5, которая получена путем поэлементного интегрирования интервалах длительностью T .

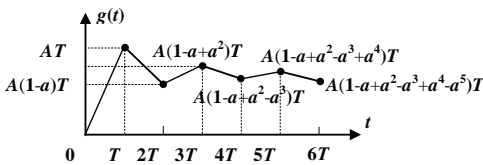


Рис. 4.5

На рисунке приведены текущие значения вычисленного указанным выше способом определенного интеграла, отнесенные к концу текущего временного интервала. Предельное значение $g(t)$ при $N \rightarrow \infty$, где N - число коммутаций $h(t)$, может быть определено следующим образом. Элементы ряда $1 - a + a^2 - a^3 + a^4 - a^5 + \dots$ представляют собой геометрическую прогрессию с начальным элементом $a_0 = 1$ и знаменателем прогрессии $q = -a$. Сумма этого ряда равна: $\Sigma = a_0 / (1 - q) = a_0 / (1 + a) = 1/1,8 \approx 0,56$ (3). Соответственно $g(t) \Big|_{t \rightarrow \infty} = AT \cdot \Sigma \approx 0,56 AT$.

4.7. Общее выражение для AM -сигнала, модулированного одним тоном, записывается: $u_{ax}(t) = U_0 (1 + M \cos \Omega t) \cos \omega_0 t$ (1). Сравнивая это выражение с заданным:

$u_{ax}(t) = 15 [1 + 0,8 \cos (2\pi \cdot 10^3 t)] \cos (2\pi \cdot 10^6 t)$, мВ (2), имеем: $U_0 = 15$ мВ;

$M = 0,8$; $\Omega = 2\pi F = 2\pi \cdot 10^4$ с⁻¹; $M = 10^4$ Гц; $\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \cdot 10^6$ с⁻¹; $f_0 = f_{\text{рез}} = 10^6$ Гц.

Напряжение на выходе резонансного усилителя записывается: $u_{\text{вых}}(t) =$

$-K_{\text{рез}} U_0 [1 + (M / \sqrt{1 + \xi_\Omega^2}) \cos(\Omega t - \nu_\Omega)] \cos \omega_0 t$ (3), где $K_{\text{рез}}$ - резонансный коэффициент усиления, $\xi_\Omega = 2Q_{\text{экв}}\Omega / \omega_{\text{рез}}$ - обобщенная расстройка контура на верхней боковой частоте $\omega_0 + \Omega$, $\nu_\Omega = \arctg \xi_\Omega$ - сдвиг фазы огибающей сигнала, которому соответствует время ее запаздывания $t_{\text{зан}} = \xi_\Omega / \Omega$. Подставляя в (3) значения параметров $K_{\text{рез}}$, $f_{\text{рез}}$, $Q_{\text{экв}}$, U_0 , F и M , получаем:

$u_{\text{вых}}(t) = -0,75 [1 + 0,424 \cos (2\pi \cdot 10^4 t - 1,012)] \cos 2\pi \cdot 10^6 t$, В (4).

4.9. Поскольку импульсная характеристика ЦФ конечна, он относится к трансверсальным фильтрам. Частотный коэффициент передачи ЦФ $K(j\omega)$ может быть определен через его системную функцию $H(z)$: $K(j\omega) = H(z) \Big|_{z = \exp(j\omega\Delta)}$ (1), где Δ - шаг дискретизации импульсной характеристики фильтра $\{h_k\}$. При этом системная функция $H(z)$, в свою очередь, связана с $\{h_k\}$ z -преобразованием: $H(z) =$

$$= \sum_{k=0}^{\infty} h_k z^{-k} \quad (2). \text{ Подставляя в (2) } \{h_k\} = (1, -1, 0, 0) \quad (3), \text{ получаем: } H(z) = 1 - z^{-1} \quad (4),$$

откуда с учетом (1) имеем: $K(j\omega) = 1 - z^{-1} \Big|_{z = \exp(j\omega\Delta)} = 1 - \exp(j\omega\Delta)$ (5).

Из (5) получаем АЧХ и ФЧХ в виде: $|K(j\omega)| = |1 - \exp(j\omega\Delta)| = |1 - \cos \omega\Delta + j \sin \omega\Delta| =$
 $= (1 - \cos \omega\Delta)^2 + \sin^2 \omega\Delta + \sin^2 \omega\Delta = \sqrt{2(1 - \cos \omega\Delta)} = 2 |\sin(\omega\Delta/2)|$ (6),

$$\varphi(\omega) = \arg K(j\omega) = \arctg [\sin \omega\Delta / (1 - \cos \omega\Delta)] \quad (7).$$

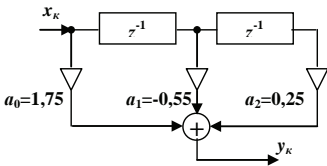


Рис. 4.6

4.11. Рассматриваемый ЦФ является трансверсальным фильтром 2-го порядка, поскольку при вычислении выходной последовательности используются значения только входной последовательности. В общем виде его алгоритм записывается: $y_i = a_0 x_i + a_1 x_{i-1} + a_2 x_{i-2}$ (1), где в соответствии с условиями задачи $a_0 = 1,75$; $a_1 = -0,55$; $a_2 = 0,25$. Применяя к левой и правой частям (1) z -преобразование, получаем:

$Y(z) = a_0 X(z) + a_1 z^{-1} X(z) + a_2 z^{-2} X(z)$, (2), где z^{-1} - символ сдвига последовательности на один шаг. В соответствии с (2) и с учетом (1) структурная схема ЦФ имеет вид, представленный на рис. 4.6. Системная функция ЦФ $H(z)$ определяется как отношение z -преобразований выходной и входной последовательностей и с учетом (2) и (1) записывается: $H(z) = Y(z)/X(z) = a_0 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} = (a_0 z^2 + a_1 z + a_2) / z^2 = (1,75z^2 - 0,55z + 0,25) / z^2$ (3).

4. 13. Импульсная характеристика ЦФ является обратным z -преобразованием его системной функции $H(z)$: $h_k = (1/2\pi j) \oint z^{k-1} H(z) dz$ (1). Системная функция определяется как отношение z -преобразований выходной и входной последовательностей: $H(z) = Y(z)/X(z)$ (2). Для ее определения применим z -преобразование к левой и правой частям описывающего работу ЦФ разностного уравнения $y_i = 2,5x_i - 0,8 y_{i-1}$ (3). В результате получаем: $Y(z) = 2,5X(z) - 0,8z^{-1}Y(z)$ (4). Здесь z^{-1} - символ сдвига последовательности на один шаг. Из (2) с учетом (4) получаем: $H(z) = 2,5 / (1 + 0,8z^{-1}) = 2,5z / (z + 0,8)$ (5). Подставляя (5) в (1), получаем: $h_k = (1/2\pi j) \cdot [\oint 2,5z^k / (z + 0,8) dz$ (6). Контурный интеграл в (6) вычисляется с использованием вычетов. При этом если подынтегральное выражение $f(z)$ имеет полюс a 1-го порядка, а $f(z) = \varphi(z) / \psi(z)$, то алгоритм вычисления следующий: $\oint f(z) dz = 2\pi j \operatorname{res} [f(z)] \Big|_{z=a}$ (7), где $\operatorname{res} [f(z)] \Big|_{z=a} = \varphi(z) / \psi'(z) \Big|_{z=a}$ (8). В нашем случае имеем: $f(z) = 2,5z^k / (z + 0,8)$, $\varphi(z) = 2,5z^k$, $\psi(z) = z + 0,8$, полюс 1-го порядка $a = -0,8$. Соответственно из (6) с учетом (7) и (8) получаем: $h_k = 2,5(-0,8)^k$, откуда имеем:

$$\{h_k\} = [2,5; -2,5 \cdot 0,8; 2,5 \cdot (0,8)^2; -2,5 \cdot (0,8)^3 + \dots] = (2,5; -2; 1,6; -1,28; \dots).$$

4.15. Разностное уравнение, описывающее алгоритм работы ЦФ, задается дискретной сверткой импульсной характеристики ЦФ и входной последовательности. При этом для заданной последовательности неограниченной протяженности $\{h_k\} = [1, \exp(-\Delta/\tau), \exp(-2\Delta/\tau), \dots]$ (1) свертка записывается в виде:

$$y_i = \sum_{k=0}^{\infty} h_k x_{i-k} = h_0 x_i + h_1 x_{i-1} + h_2 x_{i-2} + \dots \quad (2).$$

Подставляя сюда значения h_k из (1) получаем: $y_i = x_i + \exp(-\Delta/\tau) x_{i-1} + \exp(-2\Delta/\tau) x_{i-2} + \dots$ (3). Частотный коэффициент передачи ЦФ $K(j\omega)$ может быть определен через его системную функцию $H(z)$:

$$K(j\omega) = H(z) \Big|_{z = \exp(j\omega\Delta)} \quad (4).$$

Системная функция ЦФ, в свою очередь, связана с его импульсной характеристикой $\{h_k\}$ z -преобразованием: $H(z) = \sum_{k=0}^{\infty} h_k z^{-k}$ (5), которое

при $\{h_k\}$ вида (3) запишется: $H(z) = 1 + \exp(-\Delta/\tau)/z + \exp(-2\Delta/\tau)/z^2 + \dots$ (5) Сумма в (5) представляет собой сумму геометрической прогрессии со знаменателем $q = \exp(-\Delta/\tau)/z$ и первым членом $a_1 = 1$, которая равна: $H(z) = a_1 / (1 - q) = 1 / [1 - \exp(-\Delta/\tau)/z]$ (6). При этом с учетом (4) имеем: $K(j\omega) = 1 / (1 - \exp\{-\Delta[(1/\tau) + j\omega]\})$ (7). Переписав (6) в виде: $H(z) = z / [z - \exp(-\Delta/\tau)]$ (8) и сравнив это выражение с выражением для системной функции рекурсивного ЦФ 1-го порядка $H(z) = az / (z - b)$ (9), видим, что рассматриваемый ЦФ является именно таким фильтром с коэффициентами: $a = 1$, $b = \exp(-\Delta/\tau)$ и описывается разностным уравнением: $y_i = x_i - \exp(-\Delta/\tau) x_{i-1}$ (10). Структурная схема ЦФ представлена на рис. 4.7.

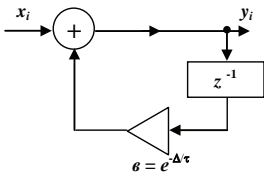


Рис. 4.7

4.17. Z -преобразование дискретного сигнала $\{x_k\}$ записывается: $X(z) = \sum_{k=0}^{\infty} x_k z^{-k}$ (1). Подставляя в (1) выражение для общего члена заданного дискретного сигнала $x_k = \alpha^k$, (2) где $k = 0, 1, 2, \dots$, получаем: $X(z) = 1 + (\alpha/z) + (\alpha/z)^2 + \dots$ (3). Члены ряда (3) представляют собой геометрическую последовательность с неограниченным числом членов. Их сумма определяется выражением: $X(z) = a_1 / (1 - q)$ (4), где $a_1 = 1$ - первый член геометрической последовательности, а $q = \alpha/z$ - ее знаменатель. При этом $X(z) = 1 / [1 - (\alpha/z)] = z / (z - \alpha)$ (5).

Раздел 5

5.1. Степенная аппроксимация ВАХ нелинейного элемента $i(u)$ в окрестности рабочей точки U_0 представляет собой ряд Тейлора, коэффициенты которого вычисляются в соответствии с алгоритмом: $a_n = (1/n!) d^n i(u) / du^n \Big|_{u=U_0}$ (1). При $U_0 = 2$ В и заданной ВАХ $i(u) = 10 u^3$, мА (2) из (1) получаем: $a_0 = i(U_0) = 10 \cdot 2^3 = 80$ мА, $a_1 = (1/1!) di(u) / du \Big|_{u=U_0} = 30 U_0^2 = 30 \cdot 2^2 = 120$ мА/В, $a_2 = (1/2!) d^2 i(u) / du^2 \Big|_{u=U_0} = 60 U_0 / 2 = 30 \cdot 2 = 60$ мА/В², $a_3 = (1/3!) d^3 i(u) / du^3 \Big|_{u=U_0} = 60/6 = 10$ мА/В³. Подстав-

для эти коэффициенты в общее выражение для степенной аппроксимации ВАХ (2) полиномом 3-ей степени $i(u) = a_0 + a_1(u - U_0) + a_2(u - U_0)^2 + a_3(u - U_0)^3$, мА (3), при $U_0 = 2$ В получаем: $i(u) = 80 + 120(u - 2) + 60(u - 2)^2 + 10(u - 2)^3$, мА (4).

5.3. В общем виде выражения для кусочно-линейной аппроксимации входной характеристики транзистора и напряжения на его входе записываются:

$$i_{\delta}(u_{\delta}) = 0 \text{ при } u_{\delta} < U_n, S(u_{\delta} - U_n), \text{ мА при } u_{\delta} \geq U_n \quad (1); u_{\delta}(t) = U_0 + U_m \cos \omega t \quad (2).$$

При этом в соответствии с заданием имеем: крутизна линейного участка характеристики $S = 10$ мА/В; начальное напряжение, соответствующее точке излома характеристики, $U_n = 0,6$ В; напряжение смещения $U_0 = 0,4$ В; амплитуда входного напряжения $U_m = 0,75$ В. При этом мощность P_{δ} , выделяемая в цепи базы транзистора равна: $P_{\delta} = I_0 U_0 + I_1 U_m / 2$ (3), где $I_0 = S U_m \gamma_0(\theta) = (S U_m / \pi)(\sin \theta - \theta \cos \theta)$ (4) и $I_1 = S U_m \gamma_1(\theta) = (S U_m / \pi)(\theta - \sin \theta \cos \theta)$ (5) - постоянная составляющая и амплитуда

1-ой гармоники тока в нелинейном элементе при кусочно-линейной аппроксимации; $\gamma_0(\theta)$ и $\gamma_1(\theta)$ - коэффициенты Берга нулевого и 1-го порядков; θ - угол отсечки тока, определяемый выражением: $\cos \theta = (U_n - U_0) / U_m$ (6), откуда имеем: $\theta = \arccos [(U_n - U_0) / U_m]$ (7), $\sin \theta = \sqrt{1 - [(U_n - U_0) / U_m]^2}$ (8). Подставляя в (3) - (8) значения параметров: S, U_n, U_0 и U_m , получаем: $P_{\delta} = 1,52$ мВт.

5.5. На рис. 5.7 приведена рассматриваемая ВАХ нелинейного элемента.

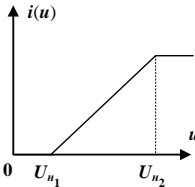


Рис. 5.7

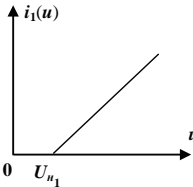


Рис. 5.8

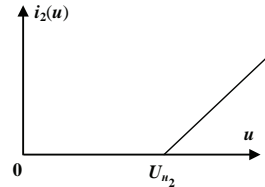


Рис. 5.9

Ток $i(u)$ в нелинейном элементе такого вида можно представить в виде разности токов в нелинейных элементах с ВАХ, приведенных на рис. 5.8 и 5.9: $i(u) = i_1(u) - i_2(u)$. (1). При этом выражения для этих ВАХ записываются:

$$i_1(u) = 0 \text{ при } u < U_{n1}, S(u_{\delta} - U_{n1}) \text{ при } u \geq U_{n1} \quad (2); i_2(u) = 0 \text{ при } u < U_{n2}, S(u_{\delta} - U_{n2})$$

при $u \geq U_{n2}$ (3). С учетом (1) выражения для постоянной составляющей I_0 и амплитуды первой гармоники I_1 тока в нелинейном элементе записываются: $I_0 = I_{01} - I_{02}$ (4), $I_1 = I_{11} - I_{12}$ (5), где $I_{01(2)} = S U_m \gamma_0(\theta_{1(2)})$ (6), $I_{11(2)} = S U_m \gamma_1(\theta_{1(2)})$ (7),

$\gamma_0(\theta) = (1/\pi)(\sin \theta - \theta \cos \theta)$ (8), $\gamma_1(\theta) = (1/\pi)(\theta - \sin \theta \cos \theta)$ (9), U_m - амплитуда напряжения на входе нелинейного элемента, $\gamma_0(\theta)$ и $\gamma_1(\theta)$ - коэффициенты Берга нулевого и 1-го порядков. Углы отсечки тока θ_1 и θ_2 определяются из выражений:

$$\cos \theta_{1(2)} = (U_{n1(2)} - U_0) / U_m \quad (10), \text{ откуда имеем: } \theta_{1(2)} = \arccos [(U_{n1(2)} - U_0) / U_m] \quad (11),$$

$$\sin \theta_{1(2)} = \sqrt{1 - [(U_n - U_0) / U_m]^2} \quad (12).$$

5.7. В общем виде выражение для кусочно-линейной аппроксимации проходной характеристики транзистора записывается: $i_r(u_{\delta}) = 0$ при $u_{\delta} < U_n, S(u_{\delta} - U_n)$, мА при $u_{\delta} \geq U_n$ (1). Из сравнения этого выражения с заданным следует, что крутизна линейного участка ВАХ $S = 50$ мА/В, а начальное напряжение $U_n = 0,2$ В. На

границе перенапряженного режима работы усилителя амплитуда выходного напряжения $U_{m \text{ вых}} \approx E_n$ (2). При этом $U_{m \text{ вых}} = I_1 R_{\text{рез}}$ (3), где $I_1 = S U_{m \text{ вх}} \gamma_1(\theta)$ (4) - амплитуда 1-ой гармоники коллекторного тока, $\gamma_1(\theta) = (1/\pi)(\theta - \sin \theta \cos \theta)$ (5) - коэффициент Берга 1-го порядка. Угол отсечки тока θ определяется из выражения: $\cos \theta = (U_n - U_0)/U_{m \text{ вх}}$ (6), откуда имеем: $\theta = \arccos [(U_n - U_0)/U_{m \text{ вх}}]$ (7), $\sin \theta = \sqrt{1 - [(U_n - U_0)/U_{m \text{ вх}}]^2}$ (8). Из (6) - (8) с учетом того, что $U_n = U_0$ получаем: $\theta = \pi/2$, $\cos \theta = 0$, $\sin \theta = 1$. При этом из (3) с учетом (2), (4), (5) получаем: $U_{m \text{ вх}} \approx E_n / S R_{\text{рез}} (1/\pi)(\pi/2) \approx 9 / 50 \cdot 10^{-3} \cdot 0,8 \cdot 10^3 \cdot 0,5 \text{ В} \approx 0,45 \text{ В}$.

5.9. Подставив в выражение для вольт - амперной характеристики нелинейного резистора $i(u) = 25 u + 4 u^2$, мА (1) входное напряжение модулятора $u(t) = 5 + 2 \cos \Omega t + 1,5 \cos \omega_0 t$, В (2), получаем: $i(u) = 25 (5 + 2 \cos \Omega t + 1,5 \cos \omega_0 t) + 4 (5 + 2 \cos \Omega t + 1,5 \cos \omega_0 t)^2 = 125 + 50 \cos \Omega t + 37,5 \cos \omega_0 t + 4 [(5 + 2 \cos \Omega t)^2 + 2 (5 + 2 \cos \Omega t) 1,5 \cos \omega_0 t + (1,5 \cos \omega_0 t)^2]$, мА (3). Подчеркнутые в (3) члены дают спектральные составляющие, группирующиеся вблизи несущей частоты ω_0 , которые, будучи выделенными полосовым фильтром модулятора, образуют амплитудно-модулированный (АМ) ток: $i_{\text{АМ}}(t) = 37,5 \cos \omega_0 t + 60 \cos \omega_0 t + 24 \cos \Omega t \cdot \cos \omega_0 t = 97,5 [1 + (24/97,5) \cos \Omega t] \cos \omega_0 t$, мА = $97,5 (1 + 0,246 \cos \Omega t) \cos \omega_0 t$, мА (4). Сравнивая (4) с общим выражением для однотонального АМ-тока $i_{\text{АМ}}(t) = I_{m \text{ нес}} (1 + M \cos \Omega t) \cos \omega_0 t$ (5), получаем: $I_{m \text{ нес}} = 97,5$, мА; $M = 0,246$.

5.11. Коэффициент модуляции амплитудно-модулированного (АМ) сигнала может быть определен из выражения: $M = (U_{m \text{ вых max}} - U_{m \text{ вых min}}) / (U_{m \text{ вых max}} + U_{m \text{ вых min}})$ (1), где $U_{m \text{ вых max}}$ и $U_{m \text{ вых min}}$ - максимальное и минимальное значения амплитуды выходного сигнала, определяемой при кусочно-линейной аппроксимации ВАХ нелинейного элемента выражением: $U_{m \text{ вых}} = I_1 R_{\text{рез}} = S U_m \gamma_1(\theta) R_{\text{рез}}$ (2), где $R_{\text{рез}}$ - резонансное сопротивление усилителя модулятора, $\gamma_1(\theta) = (1/\pi)(\theta - \sin \theta \cos \theta)$ (3) - коэффициент Берга 1-го порядка. Угол отсечки тока θ определяется из выражения: $\cos \theta = (U_n - U_0)/U_{m \text{ вх}}$ (4), откуда имеем:

$\theta = \arccos [(U_n - U_0)/U_{m \text{ вх}}]$ (5), $\sin \theta = \sqrt{1 - [(U_n - U_0)/U_{m \text{ вх}}]^2}$ (6). Из (2) видно, что $I_1/S U_m$ на графике модуляционной характеристики есть ни что иное как коэффициент Берга $\gamma_1(\theta)$, построенный в функции $(U_0 - U_n)/U_m = -(U_n - U_0)/U_m$. При этом из (1) и (2) следует: $M = (\gamma_{1\text{max}} - \gamma_{1\text{min}}) / (\gamma_{1\text{max}} + \gamma_{1\text{min}})$ (7). Принимая, что в пределах линейности модуляционной характеристики, приведенной в условиях задачи, $\gamma_{1\text{max}} = 0,95$; $\gamma_{1\text{min}} = 0,05$, из (7) получаем: $M = (0,95 - 0,05) / (0,95 + 0,05) = 0,9$.

5.13. Комбинационные частоты тока в нелинейном элементе при степенной аппроксимации его ВАХ и полигармоническом входном воздействии определяются выражением: $\omega = |n_1 \omega_1 + n_2 \omega_2 \dots + n_m \omega_m + \dots|$ (1), где ω_m - частоты входного сигнала, n_m - любые целые числа, включая 0. Порядок комбинационной частоты определяется выражением: $N = |n_1| + |n_2| \dots + |n_m| + \dots$ (2). При этом член вида $a_N (u - U_0)^N$ в степенной аппроксимации ВАХ дает комбинационные частоты порядков: $N, N - 2, N - 4, \dots$ до 0 или 1 включительно. По условиям задачи ВАХ нелинейного элемента описывается полиномом 2-ой степени: $i(u) = a_0 + a_1 u + a_2 u^2$ (3) (здесь $U_0 = 0$), а

входное воздействие - бигармоническое: $u(t) = U_{m1} \cos \omega_1 t + U_{m2} \cos \omega_2 t$ (4). Из (3) следует, что член a_0 с $N = 0$ дает комбинационную частоту порядка **0**, член $a_1 u$ с $N = 1$ дает комбинационную частоту порядка **1**, член $a_2 u^2$ с $N = 2$ дает комбинационные частоты порядков **2** и **0**. Подстановка (4) в (3) дает: постоянную составляющую с частотой $\omega = 0$ (комбинационную частоту порядка **0**), равную $a_0 + a_2(U_{m1}^2 + U_{m2}^2)/2$; составляющие с комбинационными частотами 1-го порядка ω_1 и ω_2 , имеющие соответственно амплитуды $a_1 U_{m1}$ и $a_2 U_{m2}$; составляющие с комбинационными частотами 2-го порядка $2\omega_1$ и $2\omega_2$, имеющие соответственно амплитуды $a_2 U_{m1}^2 / 2$ и $a_2 U_{m2}^2 / 2$ и составляющие с комбинационными частотами $\omega_1 + \omega_2$ и $\omega_1 - \omega_2$, имеющие амплитуды $a_2 U_{m1} U_{m2}$. Заметим, что при расчете спектрального состава тока в нелинейном элементе были использованы формулы: $\cos^2 \alpha = (1 + \cos 2\alpha)/2$ (5), $\cos \alpha \cdot \cos \beta = [\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)]/2$ (6).

5.15. Ток в резистивном параметрическом элементе с проводимостью $G(t) = G_0 + G_1 \sin \omega_p t$ (1) при подаче на его вход напряжения $u(t) = U_m \cos \omega_0 t$ (2) записывается: $i(t) = G(t) \cdot u(t) = (G_0 + G_1 \sin \omega_p t) \cdot U_m \cos \omega_0 t = G_0 \cos \omega_0 t + (1/2) G_1 U_m \cdot \sin[(\omega_0 + \omega_p)t] + (1/2) G_1 U_m \cdot \sin[(\omega_0 - \omega_p)t]$ (3). При выводе этого выражения использована формула: $\cos \alpha \cdot \sin \beta = [\sin(\alpha + \beta) - \sin(\alpha - \beta)]/2$ (4). Поскольку согласно условиям задачи $\omega_0 = 2\pi \cdot 10^7$ с⁻¹, а $\omega_p = 2\pi \cdot 10^6$ с⁻¹, составляющей тока в параметрическом элементе с циклической частотой **9** МГц является последний член в выражении (3) ($10^7 - 10^6 = 9 \cdot 10^6 = 9$ МГц). Амплитуда этой составляющей тока равна $I_m = G_1 U_m / 2$ (5). Подставляя в (5) значения $G_1 = 2 \cdot 10^{-4}$ См и $U_m = 1,5$ В, полученные из сравнения (1) и (2) с соответствующими выражениями из условия задачи: $G(t) = 10^{-3} + 2 \cdot 10^{-4} \sin 2\pi \cdot 10^6 t$, См (6), $u(t) = 1,5 \cos 2\pi \cdot 10^7 t$, В (7), получаем: $I_m = 2 \cdot 10^{-4} \cdot 1,5 / 2 = 1,5 \cdot 10^{-4}$ А = **150** мкА.

5.17. Амплитудно-частотная характеристика (АЧХ) одиночного колебательно-го контура, настроенного на частоту сигнала $\omega_c = 2\pi f_c$ записывается: $K(\omega) = |K(j\omega)| = K_p / \sqrt{1 + [2Q(\omega - \omega_c) / \omega_c]^2}$ (1), а в функции циклической частоты $K(f) = |K(j2\pi f)| = K_p / \sqrt{1 + [2Q(f - f_c) / f_c]^2}$ (2), где K_p - резонансный коэффициент усиления. Ослабление помехи по зеркальному каналу, в качестве которой рассматривается сигнал на частоте f_3 , расположенной на оси частот «зеркально» с частотой сигнала f_c относительно частоты гетеродина f_z , отстоящей от f_c на промежуточную частоту f_{np} , с учетом (2) записывается: $\Delta_3 = 20 \lg[K(f_3)/K_p]$, дБ = $-20 \lg \sqrt{1 + [2Q(f_3 - f_c) / f_c]^2} = -10 \lg \{1 + [2Q(f_3 - f_c) / f_c]^2\}$, дБ (3). Здесь учтено, что $\lg x^n = n \lg x$, а $n = 1/2$. С учетом того, что $|f_3 - f_c| = 2f_{np}$, и согласно условию задачи: $\Delta_3 = -25$ дБ, $f_{np} = 465$ кГц = $0,465 \cdot 10^6$ Гц, $f_c = f_z + f_{np} = 7,5 \cdot 10^6 + 0,465 \cdot 10^6 = 7,965$ МГц, из (3) имеем: $\lg \{1 + [2Q(f_3 - f_c) / f_c]^2\} = \lg[1 + 16 \cdot (0,465/7,965)^2 \cdot Q^2] = \lg(1 + 5,38 \cdot 10^{-2} Q^2) = 2,5$ (5). Учитывая, что $2,5 = \lg 10^{2,5} = \lg 316$ (6), и сравнивая (5) и (6), имеем: $5,38 \cdot 10^{-2} Q^2 = 315$, откуда получаем: $Q = 10 \cdot 315 / 5,38 = 76,5$.

5.19. Ток в параметрическом конденсаторе определяется из выражения: $i(t) = d q(t) / dt$ (1), где $q(t) = C(t) \cdot u(t)$ (2) - заряд в конденсаторе, $u(t) = at \sigma(t)$ (3) и

$C(t) = C_0 \exp(-t/\tau) \sigma(t)$ (4) соответственно напряжение на входе конденсатора и его емкость, а $\sigma(t)$ - функция Хевисайда. Подставляя (2) - (4) в (1) и производя дифференцирование, получаем: $i(t) = aC_0 d[t \exp(-t/\tau)] / dt = aC_0 \{[(dt/dt) \cdot \exp(-t/\tau) + t \cdot d[\exp(-t/\tau)]/dt]\} = aC_0 \cdot [1 - (t/\tau)] \cdot [\exp(-t/\tau)] \cdot \sigma(t)$ (5).

Раздел 6

6.1. Уравнение состояния для цепи с внутренней обратной связью, состоящей из элементов с передаточными функциями $K_1(p)$ и $\beta(p)$, записывается: $V(p) = U_{вх}(p) K_1(p) + V(p) \beta_1(p) K_1(p)$ (1), откуда получаем выражение для ее передаточной функции: $K_{1\text{oc}}(p) = V(p) / U_{вх}(p) = K_1(p) / [1 - \beta_1(p) K_1(p)]$ (2). При этом уравнение состояния для цепи с двумя петлями обратной связи записывается: $U_{вых}(p) = U_{вх}(p) K_1\text{oc}(p) K_2(p) + U_{вых}(p) \beta_2(p) K_1\text{oc}(p) K_2(p)$ (3), откуда с учетом (2) получаем передаточную функцию этой цепи: $K_{\text{oc}}(p) = U_{вых}(p) / U_{вх}(p) = K_1\text{oc}(p) K_2(p) / [1 - \beta_2(p) \cdot K_1\text{oc}(p) K_2(p)] = K_1(p) K_2(p) / \{1 - [\beta_1(p) K_1(p) + \beta_2(p) \cdot K_1(p) K_2(p)]\}$ (4).

6.3. Уравнение состояния для операционного усилителя (ОУ) с обратной связью записывается: $U_{вых}(p) = U_{вх}(p) K_{\text{ОУ}}(p) K_2(p) - U_{вых}(p) K_{\text{ОУ}}(p)$ (1), где $K_{\text{ОУ}}(p) = K_0 / (1 + \tau_{\text{ОУ}} p)$ (2) - передаточная функция ОУ, K_0 и $\tau_{\text{ОУ}}$ - коэффициент усиления и постоянная времени ОУ. Подставляя (2) в (1), получаем $U_{вых}(p) = U_{вх}(p) [K_0 / (1 + \tau_{\text{ОУ}} p)] - U_{вых}(p) [K_0 / (1 + \tau_{\text{ОУ}} p)]$ (3), откуда для передаточной функции ОУ с обратной связью имеем: $K_{\text{oc}}(p) = U_{вых}(p) / U_{вх}(p) = [K_0 / (K_0 + 1)] / [1 + p \tau_{\text{ОУ}} / (K_0 + 1)]$ (4). Из (4) получаем частотный коэффициент передачи цепи: $K_{\text{oc}}(j\omega) = K_{\text{oc}}(p) \big|_{p=j\omega} = [K_0 / (K_0 + 1)] / [1 + j\omega \tau_{\text{ОУ}} / (K_0 + 1)]$ (5), откуда для амплитудно-частотной характеристики (АЧХ) имеем: $|K_{\text{oc}}(j\omega)| = [K_0 / (K_0 + 1)] / \sqrt{1 + [\omega \tau_{\text{ОУ}} / (K_0 + 1)]^2}$ (6). Из (6) следует, что уменьшение АЧХ до уровня $1/\sqrt{2} = 0,707$ от ее максимального значения, равного $K_0 / (K_0 + 1)$, имеет место на частоте $\omega_{\text{пр}}$, удовлетворяющей условию: $\omega_{\text{пр}} \tau_{\text{ОУ}} / (K_0 + 1) = 1$ (7), откуда получаем: $\omega_{\text{пр}} = (K_0 + 1) / \tau_{\text{ОУ}}$ (8).

6.5. Согласно 2-му закону Кирхгофа для эмиттерного повторителя можем записать: $u_{вх} = u_{\text{бэ}} + u_{\text{вых}}$ (1). Согласно закону Ома имеем: $u_{\text{вых}} = i_{\text{э}} R_{\text{н}}$ (2), где $i_{\text{э}} \approx i_{\text{к}}$ (3) - ток эмиттера, $R_{\text{н}}$ - сопротивление нагрузки, $i_{\text{к}} = S u_{\text{бэ}}$ (4) - ток коллектора, S - крутизна проходной характеристики транзистора. Коэффициент усиления по напряжению равен $K_y = u_{\text{вых}} / u_{\text{вх}}$ (5). Из (2) с учетом (3) и (4) можем записать: $u_{\text{вых}} = S R_{\text{н}} u_{\text{бэ}}$ (6), откуда имеем: $u_{\text{бэ}} = u_{\text{вых}} / S R_{\text{н}}$ (7). Подставляя (7) в (1), получаем: $u_{\text{вх}} = (u_{\text{вых}} / S R_{\text{н}}) + u_{\text{вых}} = u_{\text{вых}} [1 + (1/S R_{\text{н}})]$ (8). Из (5) с учетом (8) имеем: $K_y = 1 / [1 + (1/S R_{\text{н}})] = S R_{\text{н}} / (1 + S R_{\text{н}})$ (9). Подставляя в (9) значения $S = 7 \text{ мА/В}$ и $R_{\text{н}} = 3 \text{ кОм}$, получаем: $K_y = 7 \cdot 10^{-3} \cdot 3 \cdot 10^3 / (1 + 7 \cdot 10^{-3} \cdot 3 \cdot 10^3) \approx 0,96$. Из (7) и (5) имеем: $u_{\text{бэ}} = K_y u_{\text{вх}} / S R_{\text{н}}$, откуда с учетом того, что по условию задачи $u_{\text{бэ}} = 0,15 \text{ В}$, получаем $u_{\text{вх}} = S R_{\text{н}} u_{\text{бэ}} / K_y = 7 \cdot 10^{-3} \cdot 3 \cdot 10^3 \cdot 0,15 / 0,96 \approx 3,3 \text{ В}$.

6.7. Эквивалентное резонансное сопротивление колебательного контура при неполном включении активного элемента в контур равно: $R_{\text{рез э}} = k_{\text{вкл}}^2 R_{\text{рез}}$ (1), где $k_{\text{вкл}}$ - коэффициент включения. Условие самовозбуждения автогенератора на тун-

нелинейном диоде записывается: $-S_{\text{диф}} > 1/R_{\text{рез}}$, (2), где $S_{\text{диф}}$ - отрицательная дифференциальная крутизна ВАХ диода в рабочей точке, имеющая смысл вносимой в контур отрицательной проводимости $G_{\text{вн}} = S_{\text{диф}}$. При этом условие (2) означает превышение модулем $G_{\text{вн}}$ проводимости потерь $G_{\text{ном}} = 1/R_{\text{рез}}$, (3), приводящее к самовозбуждению автогенератора. Подставляя (1) в (2) и учитывая, что $S_{\text{диф}} = -5$ мА/В, а $R_{\text{рез}} = 32$ кОм, получаем условие самовозбуждения автогенератора:

$$k_{\text{вкл}} > 1 / \sqrt{(-S_{\text{диф}})R_{\text{рез}}} = 1 / \sqrt{5 \cdot 10^{-3} \cdot 32 \cdot 10^3} = 0,08.$$

6.9. Стационарный режим работы автогенератора с трансформаторной обратной связью определяется точкой пересечения кривой $S_1(U)$ зависимости средней крутизны активного элемента (крутизны по первой гармонике) от амплитуды напряжения на его входе с линией обратной связи (ЛЮС), проходящей на уровне $1 / \omega_0 Q M$, где ω_0 , Q и M - соответственно резонансная частота колебательного контура, его добротность и коэффициент взаимоиндукции катушек в цепи обратной связи. При этом условие устойчивости стационарного режима записывается:

$dS_1(U) / dU |_{U=U_{cm}} < 0$ (1), где U_{cm} - стационарная амплитуда автоколебаний, соответствующая точке пересечения $S_1(U)$ с ЛЮС. При «мягком» режиме возбуждения автогенератора эта точка единственная, а при «жестком» режиме их две, причем устойчивому режиму соответствует лишь точка, в которой выполняется условие (1). Подставляя в (1) $S_1(U) = 4 + 0,3 U^2 - 0,12 U^4$, мА/В (2) и учитывая, что по условию задачи $U_{cm} = 1,5$ В, получаем: $dS_1(U) / dU |_{U=U_{cm}} = 0,6 U - 0,48 U^3 |_{U=U_{cm}=1,5 \text{ В}} = -0,72$ мА/В² < 0, то есть стационарный режим устойчив.

6.11. При кусочно-линейной аппроксимации ВАХ нелинейного элемента средняя крутизна (крутизна по первой гармонике) ВАХ определяется выражением $S_1 =$

$= I_1 / U_m = S U_m \gamma_1(\theta) / U_m = S \gamma_1(\theta)$ (1), где I_1 - амплитуда 1-ой гармоники тока в нелинейном элементе, S - крутизна линейного участка ВАХ, U_m - амплитуда напряжения на его входе, $\gamma_1(\theta) = (1/\pi)(\theta - \sin \theta \cos \theta)$ (2) - коэффициент Берга 1-го порядка, θ - угол отсечки тока, определяемый из выражения: $\cos \theta = (U_n - U_0)/U_m$ (3), откуда имеем: $\theta = \arccos [(U_n - U_0)/U_m]$ (4), $\sin \theta = \sqrt{1 - [(U_n - U_0)/U_m]^2}$ (5). Из (1) - (5)

имеем: $S_1 = (S/\pi) \{ \arccos [(U_n - U_0)/U_m] - [(U_n - U_0)/U_m] \sqrt{1 - [(U_n - U_0)/U_m]^2} \}$ (6). Подставляя в (6) исходные данные: $S = 45$ мА/В; $U_m = 1,2$ В; начальное напряжение ВАХ $U_n = 0,8$ В; напряжение смещения $U_0 = 0,55$ В, получаем: $S_1 = 16,57$ мА/В.

III. Указания к решению задач

Раздел 1

1.4. Учесть, что, поскольку расстояние (метрика) ρ между сигналами $u(t)$ и $v(t)$ связана с ρ^2 монотонно возрастающей зависимостью, минимумы ρ и ρ^2 имеют место при одном и том же значении A .

1.6. Учесть, что спектр обращенного сигнала $q(t) = s(-t)$ комплексно сопряжен с спектром исходного сигнала: $Q(\omega) = S^*(\omega)$.

1.8. Представить прямоугольный видеоимпульс в виде двух сдвинутых во времени импульсов включения (функций Хевисайда).

1.10. Воспользоваться тем, что интеграл от функции равен площади (с учетом знака) под графиком кривой, представляющей эту функцию.

1.12. При вычислении скалярного произведения двух сигналов (u , v) учесть, что интегрирование следует производить в области перекрытия их во времени.

1.14. Воспользоваться интегралом $\int [d\omega / (\alpha^2 + \omega^2)] = (1 / \alpha) \arctg (\omega / \alpha)$.

Раздел 2

2.12. Контурный интеграл в выражении для обратного z - преобразования вычисляется с использованием метода вычетов. Вычет в полюсе a подынтегрального выражения $f(z)$ вычисляется по формуле $\text{res } [f(z)]_{|z=a} =$

$= [1 / (m + 1)!] \cdot d^{m-1} |f(z) (z - a)^m|_{z=a} / dz^{m-1}$, где m - порядок полюса. При $m = 1$ и

$f(z) = \Phi(z) / \Psi(z)$ вычет вычисляется по формуле $\text{res } [f(z)]_{|z=a} = \Phi(z) / \Psi'(z)_{|z=a}$.

2.14. Обратит внимание на то, что боковые лепестки автокорреляционной функции рассматриваемого сигнала не превышают по модулю единицу, откуда следует, что этот сигнал относится к сигналам Баркера.

2.16. При выполнении операции сдвига дополните сигналы $\{u_i\}$ и $\{v_i\}$ нулями на «пустых» позициях слева и справа.

Раздел 3

3.4. Воспользоваться формулой $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$, положив $\alpha = m \sin \Omega t$, $\beta = \omega t$.

3.6. Использовать связь между комплексными огибающими сигналов, сопряженных по Гильберту.

3.10. Коэффициент модуляции M определяется из системы двух равенств: $U_{max} = U_0(1 + M)$, $U_{min} = U_0(1 - M)$.

3.14. Обратит внимание на то, что $m = 0,06 \ll 1$ и поэтому данный сигнал является узкополосным, содержащим лишь три спектральные составляющие.

3.16. Обратит внимание на то, что в данном случае $m \gg 1$, что позволяет воспользоваться приближенным выражением для расчета $\Pi_{\text{практ}}$.

Раздел 4

4.4. При вычислении $t_{3\text{дб}}$ воспользоваться формулой $d \arctg ax / dx = a / [1 + (ax)^2]$.

4.6. Использовать выражение для импульсной характеристики интегрирующей RC цепи.

4.8. Воспользоваться формулами связи времени установления колебаний в одноконтурном резонансном усилителе с постоянной времени колебательного контура и связи постоянной времени контура с полосой пропускания усилителя.

4.10. Воспользоваться формулой связи системной функции и частотного коэффициента передачи цифрового фильтра.

4.16. При определении импульсной характеристики цифрового фильтра по его системной функции контурный интеграл в выражении для обратного z - преобразования вычисляется с использованием метода вычетов. Вычет в полюсе a подынтегрального выражения $f(z)$ при порядке полюса $m = 1$ и $f(z) = \Phi(z) / \Psi(z)$ вычисляется по формуле $\text{res } [f(z)]|_{z=a} = \Phi(z) / \Psi'(z)|_{z=a}$.

4.18. Выражение для $K(j\omega)$ при $\omega\Delta \ll 1$ получить, используя разложение экспоненциальных функций вида e^α в ряд Маклорена: $e^\alpha \approx 1 + (\alpha/1!) + (\alpha^2/2!) + (\alpha^3/3!) + \dots$

Раздел 5

5.2. Узлы аппроксимации следует выбирать симметрично относительно рабочей точки. Обратить внимание на разные размерности коэффициентов аппроксимации a_0, a_1, a_2 .

5.4. Входное сопротивление нелинейного элемента определить в соответствии с формулой $R_{вх1} = U_m / I_{\delta 1}$, где U_m - амплитуда входного напряжения, $I_{\delta 1}$ - амплитуда 1-ой гармоники тока базы.

5.12. Воспользоваться формулой для определения коэффициента модуляции M через максимальное и минимальное значения амплитуды выходного сигнала, получаемой из системы двух равенств: $U_{max} = U_0(1 + M)$, $U_{min} = U_0(1 - M)$, и учесть, что коэффициент Берга 1-го порядка $\gamma_1(\theta)$ является монотонно возрастающей функцией угла отсечки θ .

5.14. Обратить внимание на то, что расчетная формула для определения коэффициента детектирования через параметры схемы детектора применима как для амплитудно-модулированного, так и для амплитудно-манипулированного сигнала.

5.16. При вычислении амплитуды выходного тока на промежуточной частоте воспользоваться понятием крутизны преобразования.

Раздел 6

6.2. Применить критерий Рауса - Гурвица.

6.4. Применить критерий Рауса - Гурвица.

6.6. Учесть, что, поскольку в схеме интегратора использован инвертирующий вход операционного усилителя, его выходное напряжение при положительном входном напряжении отрицательно.

6.8. Воспользоваться выражением для коэффициента связи $k_{св} = M / \sqrt{L_1 L_2}$.

6.12. Воспользоваться условием самовозбуждения автогенератора, собранного по схеме индуктивной «трехточки», $RS_{\text{диф}} > L_1 / L_2$.

IV. Ответы к задачам

Раздел 1

$$1.2. E_s = V^2 \tau_u / 3, \|s\| = V \sqrt{\tau_u / 3}, s_{\text{эф}} = V \sqrt{3}.$$

$$1.4. A = (2/\pi) U_0 = 0,637 U_0.$$

$$1.6. Q_1 = 2 \operatorname{Re} S(\omega), Q_2 = j 2 \operatorname{Im} S(\omega).$$

$$1.8. U(p) = (U_0/p) [1 - \exp(-p\tau_u)], S_u(\omega) = (U_0/j\omega) [1 - \exp(-j\omega\tau_u)].$$

$$1.10. E_u = 0,191 B^2 \text{ с.}$$

$$1.12. (u_1, u_2) = 10^{-4} B^2 \text{ с, } \psi_{u_1, u_2} \approx \arccos 0,8 = 35^\circ.$$

$$1.14. \Delta f \approx \alpha \Gamma_{\text{ц.}}$$

Раздел 2

$$2.2. t_0 = 41,67 \text{ мкс.}$$

$$2.4. \sigma_{\kappa\epsilon}^2 = 3,3 \cdot 10^{-5} B^2.$$

$$2.6. c_0 = c_2 = 0, c_1 = c_3 = 1/2.$$

$$2.8. x(t) = 0,5 + \cos(2\pi t / T).$$

$$2.10. X(z) = (z^2 + 2)(z - 1)/z^3.$$

$$2.12. \{x_k\} = (1, 1, 0, 0, \dots).$$

$$2.14. \hat{K}_s(n) = (\dots, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 5, 0, 1, 0, 1, 0, 0, \dots).$$

$$2.16. \hat{K}_{uv}(n) = (\dots, 0, 0, 1, 2, -1, -2, 1, 0, 0, \dots).$$

Раздел 3

$$3.2. U_s(t) = 10 \cos \Omega t - j [30 \sin \Omega t + 5 \sin (2\Omega t + \pi/4)].$$

$$3.4. A_s(t) = U_m \cos(m \sin \omega t), B_s(t) = U_m \sin(m \sin \omega t).$$

$$3.8. M_1 = 0,8; M_2 = 0,6.$$

$$3.10. M = (U_{\max} - U_{\min}) / (U_{\max} + U_{\min}).$$

$$3.12. P_{\max} = 12,96 \text{ кВт, } P_{\max} / P_{\text{cp}} = 2,45.$$

$$3.14. u(t) = 8 \cos(10^6 t) + 0,24 \cos(1,01 \cdot 10^6 t) - 0,24 \cos(0,99 \cdot 10^6 t), \text{ В.}$$

$$3.16. N = 34.$$

$$3.18. \omega_{\max} = 3,02 \cdot c^{-1}, \omega_{\min} = 2,98 \cdot c^{-1}.$$

$$3.20. B = 2356, \mu = 1,047 \cdot 10^{13} \text{ с}^{-2}.$$

Раздел 4

$$4.2. K_{рез} = 148,6; \Pi_{(\Gamma_{II})} = 584 \text{ кГц}.$$

$$4.4. t_{3\alpha 0} = 1,27 \text{ мкс}.$$

$$4.6. h(t) = -(SR_{нз} / \tau) \exp(-t/\tau), t > 0, \text{ где } \tau = R_{нз} C_n, R_{нз} = R_n R_i / (R_n + R_i).$$

$$4.10. |K(j\omega)| = (1/2)(3 + 4 \cos \omega\Delta + 2 \cos 2\omega\Delta)^{1/2}, \\ \varphi(\Delta\Omega) = -\arctg[(\sin \omega\Delta + \sin 2\omega\Delta) / (1 + \cos \omega\Delta + \cos 2\omega\Delta)].$$

4.12. Рассматриваемый фильтр устойчив.

$$4.14. K(j\omega) = 1 + \exp\{-\Delta[(1/\tau) + j\omega]\} + \exp\{-2\Delta[(1/\tau) + j\omega]\}.$$

$$4.16. \sigma_{вых}^2 = 5,1 \cdot 10^{-6} \text{ В}^2.$$

4.18. Разлагая экспоненты в выражении для $K(j\omega)$ в ряды Маклорена и ограничиваясь учетом первых трех членов при $\omega\Delta \rightarrow 0$, находим, что $K(j\omega) \approx (j\omega\Delta)^2$, то есть фильтр приближенно осуществляет операцию вычисления второй производной входного сигнала, поскольку у идеального дифференциатора $K(j\omega) = j\omega$.

Раздел 5

$$5.2. a_0 = 0,15 \text{ мА}, a_1 = 1,125 \text{ мА/В}, a_2 = 3,125 \text{ мА/В}^2.$$

$$5.4. R_{вх1} = 4,05 \text{ Ом}.$$

$$5.6. I_0 = 2,18 \text{ мА}, I_1 = 3,92 \text{ мА}.$$

$$5.8. P_0 = 3,69 \text{ мВт}, P_{вх1} = 3,35 \text{ мВт}, P_{ном} = 0,34 \text{ мВт}, \eta = 0,91.$$

$$5.10. I_1(U_m) = 40U_m + 1,875U_m^3 \text{ мА}.$$

$$5.12. M = 0,32.$$

$$5.14. K_{дем} = 0,93.$$

$$5.16. U_{m np} = 5,4 \text{ мВ}.$$

$$5.18. S_{np} = 4,9 \text{ мА/В}.$$

$$5.20. G_{вн кр} = 4,3 \cdot 10^{-3} \text{ См}.$$

Раздел 6

6.2. Система неустойчива при любом K_0 .

6.4. Для устойчивости системы необходимо одновременное выполнение двух неравенств: $K_0 < 1$, $K_0 < (\tau + T_2)/T_1$.

$$6.6. u_{вых}(t) = -(U_0 / RC) t, 0 \leq t \leq t_0, \text{ где } t_0 = 0,575 \text{ мс}; \quad E_n, \quad t > t_0.$$

$$6.8. K_{св кр} = 0,23.$$

6.10. $M_{кр} = 0,067$ мкГн, $U_{см} = 0,42$ В.

6.12. $L_1 = 49,45$ мкГн, $L_2 = 0,55$ мкГн.

V. Вопросы

Раздел 1. Классификация радиотехнических сигналов.

Методы анализа аналоговых сигналов

- 1.1.** Какие числовые характеристики применяют для описания моделей импульсных сигналов?
- 1.2.** Как формулируется принцип динамического представления сигнала?
- 1.3.** Дайте определение нормы сигнала.
- 1.4.** Каков физический смысл квадрата нормы сигнала?
- 1.5.** В чем состоит оптимальность разложения сигнала в обобщенный ряд Фурье?
- 1.6.** Изобразите графически несколько ортогональных сигналов.
- 1.7.** Изобразите структурную схему для аппаратурной реализации ортогонального разложения сигнала.
- 1.8.** Почему гармоническое колебание широко используется в радиотехнике?
- 1.9.** Дайте определение понятия «периодический сигнал». Приведите вещественные (развернутую и свернутую тригонометрические) и комплексную формы записи ряда Фурье.
- 1.10.** Дайте определение спектральной плотности вещественного сигнала. Какими свойствами обладает спектральная плотность?
- 1.11.** Сформулируйте условие существования спектральной плотности сигнала. В чем состоит обобщение понятия спектральной плотности на неинтегрируемые сигналы?
- 1.12.** Как по известным спектральным плотностям двух сигналов вычислить их скалярное произведение?
- 1.13.** Какова связь между длительностью импульса и шириной его спектра?
- 1.14.** Как в спектральной области отображаются операции дифференцирования и интегрирования сигнала?
- 1.15.** Как связаны между собой спектральные плотности видеоимпульса и радиоимпульса?
- 1.16.** К каким сигналам можно применять метод преобразования Лапласа?
- 1.17.** Могут ли быть ортогональными два сигнала, пересекающиеся как по времени, так и по спектру? Если могут, то приведите примеры таких сигналов.
- 1.18.** Каким путем может быть осуществлена приближенная ортогонализация сигналов?
- 1.19.** Что характеризует автокорреляционная функция сигнала?
- 1.20.** Какая доля общей энергии прямоугольного видеоимпульса содержится в пределах первого (основного) лепестка спектральной диаграммы? Дайте определение эффективной ширины спектра.
- 1.21.** Дайте определение автокорреляционной функции. Перечислите ее основные свойства.

1.22. Какие ограничения накладываются на вид автокорреляционной функции? Дайте им физическое обоснование.

1.23. Чем отличается автокорреляционная функция радиопульса от автокорреляционной функции видеопульса?

1.24. Можно ли по автокорреляционной функции сигнала вычислить его спектральную плотность?

1.25. Почему неприменимо обычное определение автокорреляционной функции для случая неограниченно протяженного сигнала? Как она определяется в этом случае?

1.26. Какой сигнал считается сигналом с хорошими корреляционными свойствами?

1.27. Дайте определение взаимной корреляционной функции. Перечислите ее основные свойства.

1.28. Как связаны между собой взаимная корреляционная функция двух сигналов и их взаимный энергетический спектр?

Раздел 2. Дискретные сигналы и методы их анализа

2.1. Изобразите примерные осциллограммы идеальных низкочастотного и полосового сигналов.

2.2. Начертите графики нескольких функций, принадлежащих базису Котельникова. Перечислите их характерные свойства.

2.3. Напишите формулу ряда Котельникова и дайте словесную формулировку теоремы Котельникова.

2.4. Каков физический смысл коэффициентов ряда Котельникова?

2.5. В чем Вы видите практическое значение теоремы Котельникова для радиотехнических систем?

2.6. Чем определяется ошибка представления сигнала рядом Котельникова?

2.7. Как количественно оценить погрешность описания реального сигнала конечным числом членов ряда Котельникова во временной и частотной плоскостях?

2.8. Как осуществляется квантование сигнала при его цифровой обработке?

2.9. В чем состоит основной принцип построения многопозиционного дискретного сигнала? Приведите примеры многопозиционных дискретных сигналов.

2.10. Сформулируйте принцип построения дискретных сигналов в виде M - последовательностей и перечислите их основные свойства.

2.11. Сформулируйте принцип построения многофазного фазоманипулированного (ФМ) сигнала и перечислите его основные свойства.

2.12. Сформулируйте принцип построения дискретного частотно-манипулированного (ДЧ) сигнала и перечислите его основные свойства.

2.13. Шумоподобные сигналы (ШПС), их основные свойства и области применения.

2.14. Изобразите структурную схему дискретной модели речеобразования, используемую в системах цифровой передачи речи.

2.15. В чем заключается импульсно-кодовый метод (ИКМ) кодирования речевого сигнала при цифровой передаче речи? Какие существуют разновидности этого метода?

2.16. В чем заключается метод кодирования речевого сигнала с использованием вокодеров?

2.17. Приведите выражения для прямого и обратного дискретного преобразования Фурье (ДПФ). Как связано число амплитудных коэффициентов гармоник, определяемых с помощью ДПФ, с числом дискретных отсчетов сигнала?

2.18. На каком принципе основан алгоритм быстрого преобразования Фурье (БПФ)?

2.19. Приведите выражения для прямого и обратного z - преобразования. Что дает z - преобразование при анализе дискретных сигналов?

2.20. Как формулируется условие сходимости z - преобразования?

2.21. Приведите выражение для дискретной автокорреляционной функции и поясните принцип ее вычисления.

2.22. Сигналы Баркера и их основные свойства. В чем состоит преимущество сигналов Баркера по сравнению с другими многопозиционными дискретными сигналами с точки зрения их корреляционных свойств?

2.23. Приведите выражение для дискретной взаимной корреляционной функции и поясните принцип ее вычисления. В чем состоит отличие свойств дискретной взаимной корреляционной функции от свойств дискретной автокорреляционной функции?

Раздел 3. Узкополосные сигналы. Виды модуляции сигналов

3.1. Начертите характерную осциллограмму узкополосного сигнала. Приведите математические модели, используемые при описании таких сигналов.

3.2. Объясните способ аппаратурного нахождения синфазной и квадратурной амплитуд узкополосного сигнала.

3.3. Каковы свойства физической огибающей узкополосного сигнала?

3.4. Каковы связи комплексной огибающей с физической огибающей, начальной фазой, синфазной и квадратурной амплитудами узкополосного сигнала, а также его полной фазы с мгновенной частотой?

3.5. В чем Вы видите основной недостаток метода комплексной огибающей, используемого при описании узкополосных сигналов?

3.6. Как по комплексной огибающей узкополосного сигнала определить его мгновенные значения?

3.7. Как, зная спектральную плотность комплексной огибающей сигнала, определить его спектральную плотность?

3.8. Поясните способ введения понятия «аналитический сигнал».

3.9. Как, зная аналитический сигнал, определить физическую огибающую, полную фазу и мгновенную частоту реального сигнала?

3.10. Приведите выражения для прямого и обратного преобразований Гильберта. Приведите основные свойства сопряженного по Гильберту сигнала.

3.11. Как связаны между собой спектральные плотности исходного и определяемого по Гильберту сигналов?

3.12. Поясните способ вычисления сигнала, сопряженного по Гильберту с узкополосным сигналом.

3.13. В чем Вы видите недостатки амплитудной модуляции?

3.14. Опишите принцип построения векторной диаграммы однотонового амплитудно-модулированного сигнала.

3.15. В чем Вы видите достоинства и недостатки балансной модуляции?

3.16. В чем Вы видите достоинства и недостатки однополосной амплитудной модуляции? Зачем применяют частичное подавление несущего колебания при однополосной амплитудной модуляции?

3.17. Как можно уменьшить уровень искажений, связанных с подавлением одной боковой полосы, при приеме сигнала с однополосной амплитудной модуляцией?

3.18. Как связаны между собой частота модуляции, ее индекс и девиация частоты сигнала с угловой модуляцией?

3.19. Каковы спектры частотно-модулированного и фазомодулированного сигналов при малых значениях индекса модуляции?

3.20. Объясните различие между спектрами однотоновых амплитудно-модулированного сигнала и частотно-модулированного сигнала с малым индексом модуляции и между их векторными диаграммами.

3.21. Как следует выбрать индекс угловой модуляции, чтобы в спектре сигнала отсутствовало несущее колебание?

3.22. В чем Вы видите основной недостаток фазовой модуляции по сравнению с частотной модуляцией?

3.23. Поясните физический принцип, позволяющий осуществлять сжатие сигнала с линейной частотной модуляцией (ЛЧМ) во времени.

3.24. Изобразите примерный вид модуля спектральной плотности и автокорреляционной функции сигнала с линейной частотной модуляцией (ЛЧМ) при большой базе сигнала. Как определяется база такого сигнала?

Раздел 4. Воздействие детерминированных сигналов на линейные стационарные цепи

4.1. Сформулируйте условие физической реализуемости линейной цепи.

4.2. Что такое импульсная и переходная характеристики линейной цепи? Как они связаны между собой?

4.3. Как определяется частотный коэффициент линейной цепи?

4.4. Напишите формулу, определяющую частотный коэффициент передачи усилителя малых сигналов с апериодической нагрузкой. Чем определяется граничная частота усилителя?

4.5. Начертите схему дифференцирующей RC - цепи. Докажите, что при определенных значениях параметров цепи она осуществляет приближенное дифференцирование сигнала.

4.6. Начертите схему интегрирующей RC - цепи. Докажите, что при определенных значениях параметров цепи она осуществляет приближенное интегрирование сигнала.

4.7. В чем состоит сущность спектрального метода анализа прохождения сигналов через линейные цепи?

4.8. В чем состоит сущность метода анализа прохождения сигналов через линейные цепи, основанного на использовании интеграла Дюамеля?

4.9. Как принято определять ширину полосы пропускания узкополосных радиотехнических цепей? На сколько децибел ослабляется сигнал на частоте, соответствующей границе полосы пропускания?

4.10. В чем проявляется влияние внутреннего сопротивления электронного прибора на характеристики резонансного усилителя малых колебаний? Как можно ослабить возникающий при этом вредный эффект?

4.11. Каково преимущество усилителя со связанными контурами по сравнению с одноконтурным усилителем? Какую роль в формировании амплитудно-частотной характеристики усилителя играет фактор связи?

4.12. Дайте определение низкочастотного эквивалента узкополосной цепи.

4.13. Изобразите примерный график импульсной характеристики узкополосной цепи. Как связана импульсная характеристика такой системы с импульсной характеристикой ее низкочастотного эквивалента?

4.14. Приведите структурную схему анализатора спектра сигнала, принцип действия которого основан на особенностях прохождения широкополосного сигнала через узкополосную цепь.

4.15. Как выбирается полоса пропускания резонансного усилителя для пропускания амплитудно-модулированного сигнала? В чем состоит противоречивость требований к форме амплитудно-частотной характеристики фильтра усилителя?

4.16. Чем определяется время установления колебаний в одноконтурном резонансном усилителе? Напишите выражение для постоянной времени колебательного контура.

4.17. В чем заключается искажение амплитудно-модулированного сигнала с модуляцией одним тоном при его прохождении через одноконтурный резонансный усилитель?

4.18. Дайте физическую трактовку процесса установления колебаний в одноконтурном резонансном усилителе при воздействии на его вход импульса включения гармонического сигнала. Как на характер переходного процесса влияет расстройка контура относительно частоты сигнала?

4.19. Дайте физическую трактовку процесса установления колебаний в одноконтурном резонансном усилителе при воздействии на его вход фазоманипулированного сигнала.

4.20. Дайте физическую трактовку искажения частотно-модулированного сигнала с модуляцией одним тоном при его прохождении через одноконтурный резонансный усилитель.

4.21. Из каких соображений выбирается число двоичных разрядов при аналого-цифровом преобразовании в цифровых фильтрах? Каково обычно их число?

4.22. Как связаны между собой выходная последовательность цифрового фильтра, входной сигнал и импульсная характеристика цифрового фильтра?

4.23. Как, зная импульсную характеристику цифрового фильтра, определить его частотный коэффициент передачи?

4.24. Как определяется системная функция цифрового фильтра? Как она связана с его импульсной характеристикой и частотным коэффициентом передачи?

4.25. В чем состоят характерные отличия алгоритмов и системных функций трансверсального и рекурсивного цифровых фильтров?

4.26. В чем состоят достоинства и недостатки трансверсального и рекурсивного цифровых фильтров?

4.27. При каких условиях рекурсивный цифровой фильтр устойчив?

4.28. Чем принципиально отличаются импульсные характеристики трансверсального и рекурсивного цифровых фильтров?

4.29. Чем обусловлены шумы квантования в цифровом фильтре? В каком фильтре они больше, трансверсальном или рекурсивном и почему?

4.30. На чем основан синтез цифровых фильтров по методу инвариантных импульсных характеристик?

4.31. На чем основан синтез цифровых фильтров по методу инвариантных частотных характеристик?

4.32. Как осуществляется синтез цифровых фильтров на основе дискретизации дифференциального уравнения, описывающего аналоговый фильтр - прототип?

Раздел 5. Преобразование сигналов в нелинейных и линейных параметрических цепях

5.1. Каковы области применения кусочно-линейной, степенной и показательной аппроксимаций вольтамперной характеристики нелинейного двухполюсника?

5.2. Из каких соображений выбирают угол отсечки тока в нелинейном резонансном усилителе, работающем при больших уровнях входного сигнала?

5.3. Какие углы отсечки в нелинейном резонансном усилителе оптимальны с точки зрения наибольшего коэффициента полезного действия и наилучшей линейности колебательной характеристики усилителя?

5.4. Каков физический принцип работы резонансного умножителя частоты? Почему трудно добиться высокой кратности умножения в однокаскадном умножителе?

5.5. Какой угол отсечки в резонансном умножителе частоты является оптимальным и почему?

5.6. Дайте определения комбинационной частоты и порядка комбинационной частоты и приведите примеры комбинационных частот различных порядков.

5.7. Как определить спектральный состав колебаний на выходе нелинейного элемента, если известна кусочно-линейная аппроксимация его внешней характеристики?

5.8. Как определить спектральный состав колебаний на выходе нелинейного элемента, если известна степенная аппроксимация его внешней характеристики?

5.9. Изобразите схему амплитудного модулятора и объясните принцип его действия.

5.10. Изобразите структурную схему и объясните принцип действия балансного модулятора.

5.11. Изобразите структурную схему и принцип действия фазового модулятора (модулятора Амстронга).

5.12. Изобразите схему и объясните принцип действия диодного амплитудного детектора. Из каких соображений выбирают параметры нагрузки детектора?

5.13. Объясните механизм искажений выходного сигнала амплитудного детектора при слишком большой постоянной времени фильтра. Изобразите осциллограмму выходного напряжения при наличии искажений указанного вида.

5.14. В чем состоит подавление сигнала помехой в амплитудном детекторе? В чем, кроме подавления сигнала, состоит мешающее действие помехи на детектор?

5.15. На чем основан принцип детектирования фазомодулированного сигнала?

5.16. На чем основан принцип детектирования частотно-модулированного сигнала? Какие разновидности схем частотного детектора Вам известны? Каковы их достоинства и недостатки?

5.17. Дайте определение параметрической цепи. Чем принципиально отличаются спектры токов в резистивном параметрическом и нелинейном двухполюсниках при их возбуждении гармоническим входным сигналом?

5.18. Как реализуются резистивные параметрические элементы?

5.19. Для чего применяется преобразование частоты в супергетеродинном приемнике?

5.20. Объясните причину повышенной помехоустойчивости синхронного детектора по сравнению с амплитудным детектором.

5.21. Как добротность контура влияет на условие его возбуждения с помощью параметрического конденсатора? Объясните механизм этого влияния.

5.22. Каковы возможные варианты реализации параметрических реактивных элементов? Нелинейность каких характеристик обеспечивает параметрическое преобразование сигнала?

5.23. Изобразите схему замещения параметрического конденсатора. От чего зависит величина активной проводимости параметрического конденсатора, вносимой им в колебательный контур?

5.24. Изобразите схему одноконтурного параметрического усилителя. Каким негативным явлением, сопровождается работа одноконтурного параметрического усилителя в асинхронном режиме? Объясните механизм его возникновения.

5.25. Изобразите схему двухконтурного параметрического усилителя и объясните принцип его действия.

5.26. В чем состоит достоинство двухконтурного параметрического усилителя по сравнению с одноконтурным?

5.27. В чем заключаются достоинство и недостаток двухконтурного параметрического усилителя с преобразованием частоты «вверх» по сравнению с регенеративным усилителем? Как обеспечивается такой режим работы усилителя?

5.28. В чем заключаются достоинство и недостаток двухконтурного регенеративного параметрического усилителя по сравнению с усилителем с преобразованием частоты «вверх»? Как обеспечивается такой режим работы усилителя?

5.29. Почему параметрическим усилителям свойственен низкий уровень собственных шумов?

Раздел 6. Активные цепи с обратной связью и автоколебательные системы

6.1. Перечислите и обоснуйте технические применения отрицательной обратной связи в усилительных устройствах.

6.2. Каково техническое применение положительной обратной связи в усилительных устройствах? В чем состоит его недостаток?

6.3. Какова особенность амплитудно-частотной характеристики усилителя с запаздывающей обратной связью? Какова область его применения?

6.4. Приведите формулировку алгебраического критерия устойчивости (Рауса-Гурвица). Каковы его достоинство и недостаток?

6.5. Приведите формулировку геометрического критерия устойчивости (Найквиста). Каковы его достоинство и недостаток?

6.6. Изобразите принципиальные схемы масштабного усилителя, дифференцирующего устройства и интегратора, построенных на базе операционного усилителя, и докажите, что эти устройства выполняют свои функции.

6.7. Изобразите принципиальную схему активного RC-фильтра нижних частот, построенного на базе операционного усилителя, и докажите, что он может выполнять роль *RLC* - цепи второго порядка.

6.8. Изобразите принципиальные схемы автогенератора с трансформаторной обратной связью и автогенераторов, выполненных по схемам индуктивной и емкостной «трехточек». Каковы преимущества последних по сравнению с автогенератором с трансформаторной обратной связью?

6.9. Сформулируйте условия баланса амплитуд и баланса фаз, обеспечивающие самовозбуждение автогенератора. Как они реализуются в автогенераторах с трансформаторной обратной связью и выполненных по схеме «трехточки»?

6.10. Изобразите принципиальную схему автогенератора с внутренней обратной связью на туннельном диоде или диоде Ганна и объясните принцип его работы.

6.11. Каковы достоинства и недостатки мягкого и жесткого режимов возбуждения автогенератора? Объясните, как они реализуются на примере автогенератора с трансформаторной обратной связью.

6.12. Объясните принцип работы лазера.

6.13. Изобразите фазовый портрет автогенератора с мягким режимом возбуждения при различных начальных условиях.

6.14. Изобразите фазовый портрет автогенератора с жестким режимом возбуждения при различных начальных условиях.

Рекомендуемая литература

1. Баскаков С.И. Радиотехнические цепи и сигналы. М.: Высшая школа, 2005г., 2003г.

2. Гоноровский И.С. Радиотехнические цепи и сигналы. М.: Радио и связь, 2006 г.

3. Иванов М.Т. и др. Теоретические основы радиотехники. М.: Радио и связь, 2002 г.

4. Баскаков С.И. Радиотехнические цепи и сигналы, Руководство к решению задач. М.: Высшая школа, 2002 г.